

DISSERTATIO
DE
*PONDERE CORPORUM SPECIFICO
AD NORMALEM GRADUM CA-
LORIS REDUCENDO,*

QUAM
CONS. AMPL. FACULT. PHILOS. ABOENS.

PRÆSIDE

M. GUST. GABR. HÅLLSTRÖM,
*Phys. Profess. Publ. Ord., Memb r o Reg. Acad. Scientiar.
Stockholmensis & Societ. Imper. Oecon. Fenniae,*

PRO GRADU PHILOSOPHICO

PUBLICO EXAMINI SUBJICIT

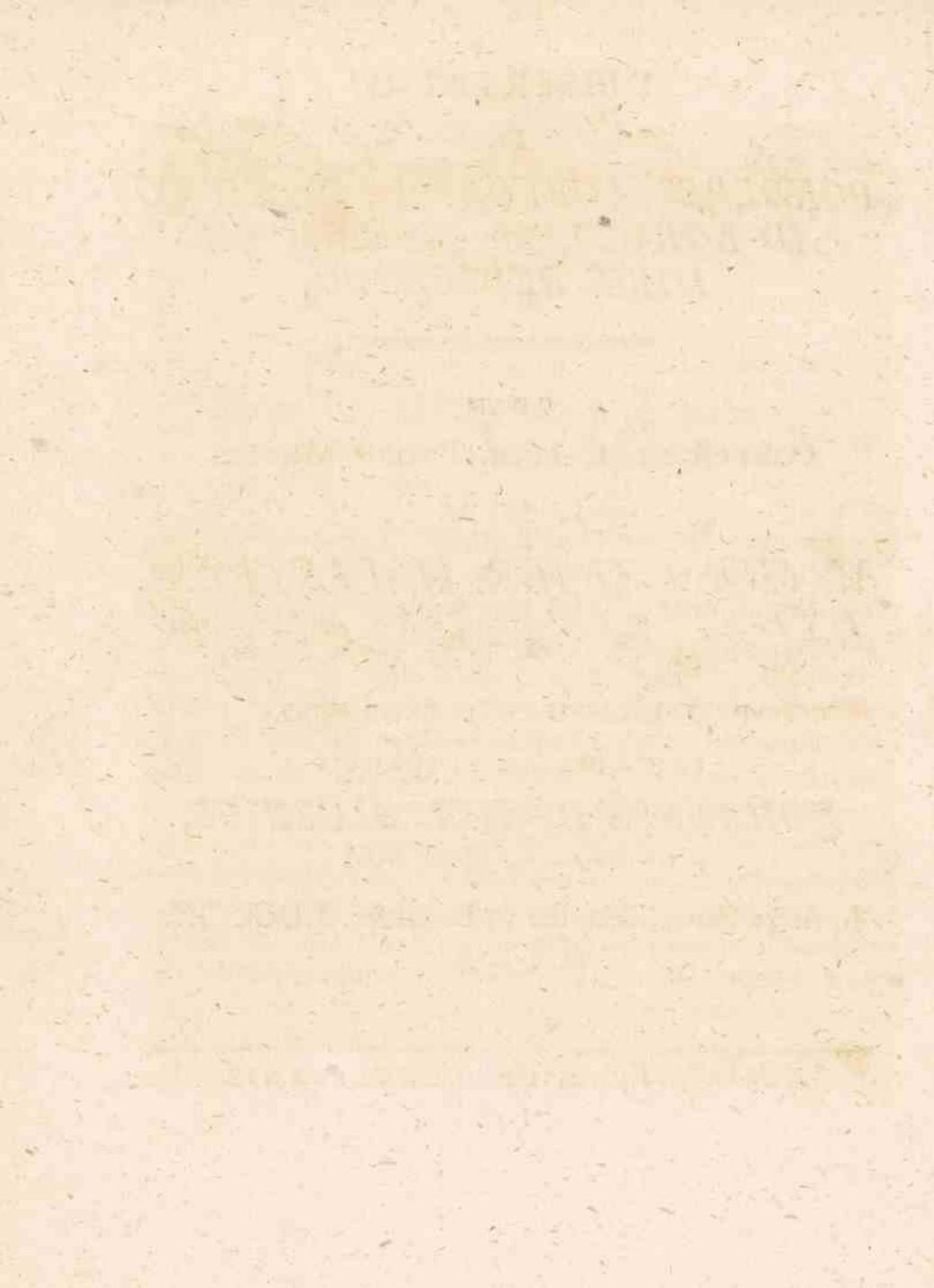
JOHANNES DANIEL ALCENIUS,
Stipendiar. public., Ostrobotnienesis,

In Atrio Cancellariæ die vi Decembr. MDCCCIIX.

H. P. M. S.

ABOÆ, Typis FRENCKELLIANIS.

37.





De pondere corporum specifico ad normalem gradum caloris reducendo.

Ob multiplicem usum, quem in disquisitionibus variis physicis præstat cognitio de pondere corporum specifico, non uno nomine laudandi sunt labores Physicorum recentiorum, quibus naturæ corporum plurium hoc etiam respectu indagandæ studuerunt. Hæc eorum opera eo majoris pretii est æstimanda, quo exactius omnes in hac re necessarias cautiones observarunt, & quo plura corpora examini diligenti subjecerunt. Quod numerum corporum examinatorum attinet, indices noti Muschenbroekiani & Brissoniani aliis quibusvis anteponendi sunt. Si quid negligentiae in Muschenbroekianis reperitur, hæc in eo præcipue cernitur, quod auctor observare omiserit gradum caloris, in quo inventum erat pondus specificum, idque ideo in primis neglexisse videtur, quod suo tempore pa-

A rum

rum adhuc in id attendebatur, calorem tanta vi
 agere ad mutandam densitatem corporum, etiam
 solidorum, ut sensibilem aliquem effectum produce-
 re valeret. BRISSON, hoc quoque respectu exspe-
 ctationi Physicorum satisfacere cupiens, omnia pon-
 dera specifica in calore 14° thermometri Reaumur-
 rii (seu 17 $\frac{1}{2}$ gr. Celsii) determinavit. Ut vero his
 illius valoribus ponderum specificorum in disquisi-
 tionibus nostris felici successu uti possumus, absolute
 necessarium est, ut eos ad alium calorem datum
 reducere valeamus; omnino enim alias injusta esse
 potest comparatio ponderum specificorum pro di-
 versis caloris gradibus determinatorum. Si quoque
 post institutam hanc reductionem saepe videretur,
 parum admodum conferre datum calorem ad mu-
 tandum pondus specificum, minime tamen ea omni-
 no in genere est negligenda, nam in aliis corpo-
 ribus sensibilior potest esse dilatatio quam in aliis,
 in primis si major obvenit variatio caloris. Neglecta
 nempe hac correctione dubium illud, aliud forte
 ex institutis disquisitionibus fuisse resultaturum, si
 variationis ob diversum calorem ratio habita suis-
 set, semper remanet, unde necessitas hujus corre-
 ctionis, quo justæ snt & exactæ, ut oportet, de-
 terminationes nostræ, facile appareat. Quid vero
 ad hanc correctionem requiratur & quomodo ea
 instituatur, est quod in sequentibus bona Lectoris
 venia paucis exposituri sumus.

Una-

Unanimi consensu Physicorum assumptum esse constat, pondus aquæ destillatæ, seu etiam pluvialis, quæ, facile comparanda, ubique locorum æque inventur homogenea & pro eodem calore æque gravis, pro unitate ponderum conferendorum adhiberi. Hæc autem ipsa aqua etiam pro diverso calore variabilis est, maxime scilicet condensata intra quartum & quintum gradum scalæ Celsianæ supra temperaturam suæ congelationis, unde ad utramque partem magis magisque dilatatur usque quo in glaciem congelando vel in vapores ebulliendo abit. Idem igitur valor ponderis specifici dati ejusdam corporis non invenitur, si cum pondere aquæ ex. gr. 20° calidæ comparatur, ac si pondus aquæ congelantis pro unitate assumptum esset; quo major nempe est unitas, eo minus inveniatur necesse est pondus specificum dati corporis quæsumum, ita ut diminuendo corrigendum sit hoc, si pro calidiore aqua determinatum ad frigidorem (usque ad quintum vel quartum gradum caloris) ut unitatem refertur, supposito scilicet volumine corporis examinandi invariato. Ex his apparet, justam ponderis aquæ sub eodem volumine, pro quovis calore diversi, rationem esse habendam in determinando corporum pondere specifico, cumque illius ponderis aquæ rationem inversam simplicem sequatur pondus specificum dati corporis, in qua ratione etiam est volumen datæ massæ aqueæ, in

diversa caloris temperatura variatum, patet pondus specificum quærendum in ratione directa simplici voluminis aquæ pro diversis caloris gradibus esse varium, unde igitur constat, in corrigendo pondere corporum specifico necessario requiri, ut lex, secundum quam pro diverso calore mutabile est volumen aquæ, cognita sit.

Non vero aquæ solum, verum etiam corporis examinandi volumen mutatur pro diversis caloris gradibus, unde necessario sequitur, ut etiam illius variationis ratio in corrigendo pondere specifico habenda sit. Volumine vero ejusdem massæ aucto, densitas ejus &, quod ab illa pendet, pondus specificum in eadem proportione minuitur, ita ut in genere statuendum sit, pondera ejusdem corporis specifica, pro variis caloris gradibus diversa, rationem sequi inversam simplicem voluminum pro iisdem caloris gradibus, hujusque igitur variationis lex cognita erit. E dupli allata consideratione colligitur, pondera corporis dati specifica, pro diverso calore, ad pondus aquæ diversæ densitatis relata, rationem sequi directam voluminis aquæ destillatæ & inversam ipsius hujus corporis pro eadem variatione caloris, quod etiam e sequentibus luculentius appetet.

Sit scilicet data massa aquæ - - - $\equiv M$,
 volumen ejus in calore m graduum $\equiv V^{(m)}$,
 & in calore n graduum $\equiv V^{(n)}$,
 massa corporis dati - - - $\equiv \mu$,
 & volumen ejus in calore m graduum $\equiv Q^{(m)}$,
 atque in calore n graduum - - - $\equiv Q^{(n)}$,
 pondus hujusce corporis specificum in
 aqua m graduum determinatum - - - $\equiv S^{(m)}$,
 & idem pondus ad colorem n graduum, qui
 tam in corpore quam in aqua pro unitate
 sumta observatur, reductum - - - $\equiv S^{(n)}$;
 erit densitas aquæ in calore m graduum $= \frac{M}{V^{(m)}}$, &
 densitas corporis in eodem calore $\equiv \frac{\mu}{Q^{(m)}}$, adeoque
 facta densitate aquæ hujus $= 1$ & densitate corporis
 ad hanc unitatem relata $\equiv x$, habetur $\frac{M}{V^{(m)}} : \frac{\mu}{Q^{(m)}} ::$
 $x : x$, unde $x \equiv \frac{\mu}{M} \cdot \frac{V^{(m)}}{Q^{(m)}}$. Similiter est densitas
 aquæ n graduum $\equiv \frac{M}{V^{(n)}}$, & densitas corporis in
 calore n graduum $\equiv \frac{\mu}{Q^{(n)}}$, unde sumta hac densi-
 tate aquæ pro unitate, & facta densitate corporis
 ad hanc unitatem relata $\equiv y$, erit $\frac{M}{V^{(n)}} : \frac{\mu}{Q^{(n)}} :: x : y$,
 &

& $y = \frac{\mu}{M} \cdot \frac{V^{(n)}}{Q^{(n)}}$. Hinc invenitur esse $x : y :: \frac{V^{(m)}}{Q^{(m)}} : \frac{V^{(n)}}{Q^{(n)}}$; cumque sit $x : y :: S^{(m)} : S^{(n)}$, erit quoque $S^{(m)} : S^{(n)} :: Q^{(n)} V^{(m)} : Q^{(m)} V^{(n)}$, unde ad inveniendum valorem reductum habetur $S^{(n)} = \frac{Q^{(m)} V^{(n)}}{Q^{(n)} V^{(m)}} \cdot S^{(m)}$.

Secundum hanc æquationem ad calorem quævis datum normalem reduci possunt & debent pondera corporum specifica; quæ vero pro hac temperatura normali assumatur, ab arbitrio Physicorum pendet. Cum in pluribus aliis determinationibus, ubi caloris ratio habenda est, Physicis placuerit temperaturam aquæ congelantis uti normalem respicere, eandem quoque in corrigendo pondere specifico pro termino comparationis statuendam esse eo potius judicamus, quod etiam volumen corporum per condensationem vel dilatationem a calore mutabilium unitatem in calore o° Reaumurii vel Celsii assumere moris fuit, quæ res in reductione ponderis specifici ad eundem calorem o° compendium calculi affert. Facto enim in valore supra allato $n = o$, assumitur vulgo $V^{(n)} = V^{(o)} = 1$ & $Q^{(n)} = Q^{(o)} = 1$, unde habetur ponderis specifici, quod pro calore m graduum determinatum est, valor

valor ad temperaturam aquæ congelantis correctus

$$S^{(o)} = \frac{Q^{(m)}}{V^{(m)}} \cdot S^{(m)}.$$

Quod vero ipsos valores $Q^{(m)}$ & $V^{(m)}$ attinet, patet illos ita esse determinandos, ut pro eodem valeant calore, observato nempe in Thermometris, quæ pro eadem data altitudine Barometri normali constructa sunt. Apud nos altitudo Barometri 25,3 pollicum geometricorum Suecanorum pro media vulgo est assumita, ad quam etiam Thermometra nostra construere soliti sumus; altitudinem vero 25,6 pollicum proprius pro media esse censendam, accuratiores cum Barometro in formam Siphonis constructo factæ observationes docent, quare ad illam, ut mediam & normalem, hujusmodi correctiones posthac instituendas eo potius etiam apud nos esse reducendas judicamus, quo certius fit, normalem in Gallia & Anglia assumtam Barometri altitudinem cum illa proxime esse æqualem. Est enim altitudo 28 pollicum Parisinorum, quæ in antiquioribus scriptis Gallicis pro media ad superficiem maris, & ob illam rem normali, assumebatur, æqualis altitudini 25,53 pollicum Suecan., altitudo vero 0,76 mensuræ novæ Parisinæ (Mètre), quæ ut normalis apud hodiernos autores Galliae obvenit, æqualis 25,6 poll. Suecanis, nec non altitudo 30 pollicum Angli-

Anglicorum, ab Anglis pro normali s^epe assumta, æqualis 25,65 poll. Suecanis. His vero positis gradus m Thermometri centigradi, quod ad altitudinem Barometri $= b$ poll. suec. constructum est, ad normalem altitudinem $= 25,6$ facile reducitur ope hujus æquationis $m = (1 + 0,64 \operatorname{Log.} \frac{b}{25,6}) m'$ ($^{\circ}$), qui tamen valor correctus pro vulgaribus & quotidianis variationibus Barometri ab illo incorrecto plus uno gradu pro $m' = 100$ non differt,

Ut effectus caloris ad mutandum pondus corporum specificum luculentius appareat, exemplis quibusdam supra allata illustrentur.

Exempl. I. BRISSON invenit, pondus specificum Hydrargyri in calore 17,5 Celsii esse $= 13,5681 = S(7,5)$, quod ad temperaturam aquæ congelantis reducendum est. Constat esse $V(m) = Aa^m + Bb^m + C$, factis $A = 0,001008357$, $a = 1,04835314$, $B = 0$,

*) Comparetur formula SOLDNERI hac de re, in *Annalen der Physik*, herausgeg. von L. W. GILBERT, B. 17, pag. 63. proposita, cum illa quæ in *Dissert. de lego expansionis vaporum aquæ*, continuat. Praeside G. G. HÄLLSTRÖM & Respondente JOH. SANDRY, Aboe 1804 pag. 6, obyenit, quæ conjugatum hic allatam uti medium inter illas prebent.

$0,000715207$, $b = 0,74566831$, & $C = 0,9982765$ (*)
 pro caloris gradu centesimali m intra 0° & $+ 20^\circ$
 sumto; nec non $Q^{(m)} = r + 0,000165954 \cdot m +$
 $0,0000000976 \cdot m^2$ (**). His valoribus substitutis, post-
 quam positus est gradus $m = 17,5$, invenitur pondus
 Hydrargyri pro calore congelationis aquæ,
 relatum ad aquam ejusdem caloris 0° , $S^{(0)} =$
 $\frac{Q^{(17,5)} S^{(17,5)}}{\sqrt{Q^{(17,5)}}} = \frac{1,002934 \cdot 13,5681}{1,0005848} = 13,59995.$

Hoc vero invento, ratio $\frac{S^{(0)}}{Q^{(m)}}$ præbet valores quo-
 vis alios ad aquam caloris 0° relatos. Sic pro m
 $= 315$, calore ebullitionis hydrargyri secundum
 sententiam antiquiorum, est pondus ejus specificum
 $= 12,8020$; pro $m = 346$, calore ebullitionis secun-
 dum CRICTON, est pondus specificum $= 12,7155$;
 pro $m = -40$ est pondus specificum hydrargyri
 liquidí maxime condensati $= 13,6887$, ipsius vero
 solidi, secundum observationem BRAUNII, pondus
 spec. $= 14,3244$. Qui in *Annalibus Phys. Gilber-*
B tianis

(*) Cfr. *Dissert. de mutationibus voluminis aquæ*, Praefide
 G. G. HÄLLSTRÖM & Resp. N. P. HULTHIN, Aboæ 1802,
 pag. 9 & *Annalen der Physik B.* 20 pag. 384 &c.

(**) Cfr. *Dissert. de expansione hydrargyri a calorico*,
 Praef. G. G. HÄLLSTRÖM & Resp. C. F. CAVALLIO, contin.
 Aboæ 1804, p. 4, & *Annalen der Phys. B.* 20, p. 401.

tianis Vol. XX, p. 403 proponuntur horum ponderum valores, pro aqua caloris $17^{\circ},5$ ut unitate determinati sunt. Posse vero hydrargyrum solidum malleabile eo usque condensari, ut pondus ejus specificum sit $= 15,7361$, observationes ejusdem BRAUNII cum hydrargyro in thermometro Celsii gradum $- 900$ ostendente factæ docent, cui etiam valori proximum, nempe $15,612$, se e suis experimentis invenisse statuit BIDDLE^(*). Quæ tamen haec experimenta & calculum ejus his superstructum attinent, plura de iis monenda esse videntur. Primo scilicet per errorem calculi invenit pondus specificum hydrargyri solidi $= 15,612$ loco valoris $88,105,10,436$ $= 15,375$. Deinde omisisse videtur $59,8$ correctiones pro mutationibus argenti adhibiti necessarias, ut etiam temperaturam hydrargyri solidi nullibi determinavit. In mixtura frigorifera e nive & calce muriatica composita spiritum vini rectificatum ita refrigeravit, ut hydrargyrum ei immersum in massam solidam congelatum maneret. Observavit grana 1000 hydrargyri in hoc spiritu vini grana $59,8$ ponderis sui amisisse, ut etiam argentum, ejus pondus specificum erat $= 10,436$, grana 1000 amisisse $88,105$, unde pro hydrargyro congelato resul-

^(*) Annalen der Physik, B. 24, p. 385 &c.

sultat pondus ejus specificum supra allatum. In hoc experimento supposuit, volumen argenti a calore non mutari, ita ut assumere posset pondus ejus specificum in calore — 40° æquale esse ei, quod in aqua destillata invenerat == 10,436, & quod in calore + $8\frac{1}{2}$ graduum Celsii determinatum esse inde probabile videtur, quod in eodem hoc calore & pondus specificum exhibiti sui hydrargyri == 13,545 eruit, & effectum hami orichalcei, quo hydrargyrum solidum bilanci suspendit, in ponderando correxit. Si etiam concederetur, hanc correctionem pro hamo demerso quoque in spiritu vini 40° frigido sufficere, quod vix valet, pondus tamen argenti == 10,436 ad temperaturam — 40° in experimento obviam reducendum est, quo respectu adhibetur determinatio ab HERBERTO facta, qua inventit virgam argenteam, longitudinis == 1 in calore aquæ congelantis, ita dilatari, ut in calore ebullitionis aquæ sit ejus longitudine == 1,00189, unde videtur, hanc longitudinem pro m gradibus thermometri Celsius esse == $1 + 0,0000189 \cdot m$, & volumen argenti, quod in calore 0° ponitur == 1, pro calore m graduum esse == $(1 + 0,0000189 \cdot m)^3$, si uniformis supponitur ejus dilatatio vel condensatio. Hoc invento ad temperaturam aquæ congelantis reduci potest pondus specificum argenti a BIDDLE

adhibiti, ut sit illud $= \frac{(1 + 0,0000189 \cdot 8^{\frac{1}{3}})^3 \cdot 10,436}{V(8^{\frac{1}{3}})}$
 $= 10,4392$, quod deinde pro frigere 40° invenitur
 $= \frac{10,4392}{(1 - 0,0000189 \cdot 40)^3} = 10,4629$ ad aquam caloris
 0° relatum. Si hunc valorem adhibuisset BIDDLE,
 invenisset pondus specificum hydrargyri sui solidi
 $= \frac{88,105 \cdot 10,4629}{59,8} = 15,4153$ ad aquam quoque 0°
 relatum. Ut vero hic valor cum illis, qui secun-
 dum observationes BRAUNII inventi & supra allati
 sunt, conferri possit, ad id adhuc attendendum est,
 illum in ea ratione augendum esse, quo hydrargy-
 rum a BIDDLE adhibitum, quod nempe in calore
 0° ad $\frac{Q(8^{\frac{1}{3}})}{V(8^{\frac{1}{3}})} \cdot 13,545 = 13,5616$ reducitur, levius
 erat hydrargo BRISSONI in eodem calore 0° &
 tunc demum habetur pondus specificum hydrar-
 gyri solidi ex experimento Biddleano deductum $=$
 $\underline{13,59905 \cdot 15,4153} = 15,4589$, quod non multum su-
 perat medium sumtum e valoribus, qui ex obser-
 vationibus BRAUNII inveniuntur. Ad frigus quidem
 40° hic valor ponderis specifici hydrargyri solidi
 Biddleanus jam computatus est; temperaturam ve-
 ro, in qua suum instituerat experimentum, non de-
 terminavit BIDDLE, & etiam probabile videtur,
 frigus

frigus hydrargyri ejus solidi majus fuisse, quam quod ad illud congelandum minime requiritur. Ipse enim BIDDLE dicit, decrementum ponderis hydrargyri solidi in spiritu vini, quod 59.8 granorum invenit, aliud fuisse, si a mixtura frigorifera defumebatur hydrargyrum, quia ejus temperatura mox augebatur. Hinc apparet, hydrargyrum etiam in minore frigore ope bami in bilance pendere potuisse, adeoque adhuc revera solidum mansisse, quod probat, frigus antea fuisse majus quam 40° . Frigus quoque in mixtura calcis muriaticæ cum nive ortum testibus LOWITZ (*) & FOURCROY (**) majus esse potest, quam quod ad congelandum hydrargyrum requiritur. Nulla igitur occurrere videtur contrarietas ab experimento Biddleano contra determinationes ab experimentis Braunianis defumtas derivanda, cum salvis his omnibus & calculis, qui illis superstruuntur, ut etiam formulis pro valore voluminis aquæ & hydrargyri inventis, omnino possit statui pondus spec. hydrargyri, in calore -40° solidi, esse posse $= 14,3244$, frigidioris vero $= 15,4589$, atque magis adhuc frigi $= 15,7361$. Ulteriore tamen examine hanc rem adhuc egere vel

*) *Chemische Annalen von CRELL*, 1796, p. 535 &c.

**) *Annalen der Physik*, 1 B. p. 479 &c.

vel inde appareat, quod hydrargyrum in temperatura — 45° congelatum non nisi ad gradum — $73\frac{1}{2}$ condensatum fuisse observaverit ROUPPE (*); HUTCHINS vero idem hydrtargyrum in temperatura — $43\frac{1}{2}$ graduum solidum usque ad graduum — 290 condensatum invenerit (**). Adhæsioni igitur inter hydrargyrum & tubum vitreum in hujusmodi experimentis major effectus adscribendus esse videtur, quam ut ex iis aliquid certi de condensationibus hydrargyri solidi exhibito calculo determinari possit, nisi major, quam qua hucusque forte usi sunt Physici, acceserit in experiendo cautela. — Hæc sunt, quæ ad explicanda dubia a Cel. GILBERT (***), proposita afferenda esse judicavimus.

Exempl. 2. Pondus specificum ferri in aqua destillata caloris + 19° inventum est == 7,737 == $S^{(v)}$. Cumque pro ferro sit in calore m graduum longitudo == $1 + 0,00000994 \cdot m + 0,000000024 \cdot m^2 + 0,0000000002 \cdot m^3$ (^{****}), quæ in calore 0° est == 1, erit

*) *Annalen der Physik*, B. 1, pag. 489.

**) L. c. p. 492. —

****) L. c. B. 24, p. 582. —

*****) *K. Vetensk. Acad. Handl. för år 1805*, p. 270.

erit hic $Q^{(m)} = (1 + 0,00000994 \cdot m + 0,000000024 \cdot m^2 + 0,0000000002 \cdot m^3)^3$, adeoque $Q^{(19)} = 1,000597$.
 Hinc habetur $S^{(o)} = \frac{Q^{(19)} S^{(19)}}{V^{(19)}} = \frac{1,000597 \cdot 7,737}{1,0007524}$
 $= 7,7358$.

Exempl. 3. Pro vitro albo inventum est pondus specificum in calore $+ 19^\circ = 2,4997 = S^{(19)}$; cumque, facta vitri longitudine in calore $0^\circ = 1$, ea pro calore m graduum sit $= 1 + 0,0000052 \cdot m + 0,00000032 \cdot m^2$ (${}^\circ$), erit $Q^{(m)} = (1 + 0,0000052 \cdot m + 0,00000032 \cdot m^2)^3$, & $Q^{(19)} = 1,000331$, nec non $S^{(o)} = \frac{Q^{(19)} S^{(19)}}{V^{(19)}} = \frac{1,000331 \cdot 2,4997}{1,0007524} = 2,4986$.

Ex allatis hisce exemplis appareat, valorem ponderis corporum specifici ad 0° correctum interdum esse majorem & interdum quoque minorem valorem, qui pro altiori calore inventus est. Pendet illud a proportione variationis voluminis, quam subit corpus propositum & aqua pro aucto vel minuto calore, ita ut pondus specificum illius corporis, cuius volumen a calore fortius quam aquæ augetur, in temperatura 0° majus sit quam in calore majo-

^{*)} *Disert. de dilatatione vitri a calorico, Praef. G. G. HÄLLSTRÖM & Resp. P. C. SNELLMAN, Aboæ 1801, p. 9.*

lore majori m graduum; est enim tunc coëfficiens $\frac{Q^{(m)}}{V^{(m)}} > 1$, adeoque $\frac{Q^{(m)} S^{(m)}}{V^{(m)}} > S^{(m)}$ seu $S^{(o)} > S^{(m)}$, & contra. Apparet etiam, correctionem hanc sëpe non esse nisi admodum parvam.

Si vero de corrigendo pondere specifico aëris quæstio oritur, patet vis aërem comprimentis rationem esse habendam. Constat enim, densitatem aëris etiam ob aliam nondum fatis cognitam rationem, præter vim caloris, mutabilem esse, quod a diversa altitudine Mercurii in Barometro luculenter apparet. Facta igitur hac altitudine Barometri $= h$ ped. Suecan., & posito, pro aqua o° ut unitate, pondere specifico hydrargyri in calore $o^\circ = q^\circ$, erit, ex observationibus a GAY LUSSAC, BIOT & ARRAGO factis (*), in calore m graduum pondus specificum aëris atmosphærici $\Sigma^{(m)} =$

$$\frac{h q^{(o)}}{2,56 \cdot 10475,6 (1 + 0,00375 \cdot m)},$$

adeoque, si secundum determinationem BRISSONI & correctionem ad o° supra factam ponitur $q^{(o)} = 13,59995$, habetur pro aëre $\Sigma^{(m)} = \frac{0,000507129 \cdot h}{1 + 0,00375 \cdot m}$. Posito jam pondere abso-

*) *Annal. der Physik B.* 25, St. 4, p. 362, 395, 401.

absoluto aquæ destillatæ in calore 0° ad pondus aëris atmosphærici ejusdem voluminis in temperaturæ m graduum ut $1 : \frac{1}{P(m)}$, erit, pro altitudine Barometri media & normali $h = 2,56$ ped.,

in calore $m = -40^\circ$, $\Sigma(-40) = 0,00152735$, $P(-40) = 652,73$.

in calore $m = 0^\circ$, $\Sigma(0) = 0,00129825$, $P(0) = 770,26$.

in calore $m = 20^\circ$, $\Sigma(20) = 0,00120767$, $P(20) = 828,04$.

in calore $m = 100^\circ$, $\Sigma(100) = 0,00094418$, $P(100) = 1059,12$.

Si vero $S(m)$ est pondus specificum aëris atmosphærici pro altitudine Barometri $= H$ ped. inventum & ad aquam m graduum ut unitatem relatum, comparatio hujus valoris $S(m)$ cum valore $\Sigma(m)$, pro quo altitudo Barometri est $= h$, ita instituenda est, ut habeatur $\Sigma(0) = \frac{S(0)h}{H} = \frac{hQ(m)S(m)}{HV(m)} = \frac{h(1 + 0,00375 \cdot m) S(m)}{HV(m)}$. In indice Brissoniano est pro aëre atmosphærico $m = 15$, $H = 2,553$, & $S(15) = 0,00123233$, cumque sit $V(15) = 1,0003328$, erit $S(0) = 0,00130121$, & pro $h = 2,56$, $\Sigma(0) = \frac{hS(0)}{H} = 0,00130478$; hicque valor parum major vi-

detur esse illo, qui ex observationibus Cl. BIOT & ARRAGO supra deductus est & huic Brisoniano vel Lavoisieriano certe præferendus (*).

*) Cfr. *Pesanteur spécifique des corps par BRISSON, Paris 1787, p. 391 — 394,* & *Traité elem. de Chimie par LAVOISIER, Paris 1789, T. II. p. 572.*

