

DISSERTATIO PHYSICO-MATHEMATICA
HYPOTHESEN Cel. G.W.KRAFFTII
ALIASQUE SIMILES

DE

**COMMUNICATI^{ON}E
CALORIS^{INTER} FLUIDA
COM MIXTA
EXAMINANS,**

Suffragante Amplissimo Philosophorum Collegio
in Regio ad Auram Athenæo,

QUAM,

MODERANTE
**MARTINO JOHANNE
WALLENI^O,**

MATHES. PROFESSORE REG. & ORD.

PRO GRADU

Publico Bonorum scrutinio modeste committit

STIPENDIARIUS REGIUS

**JONATHAN ABRAHAMUS
HOECKER^T,**

BOREA-FENNO.

Ad Diem (si Deo videbitur) XX. Decembris.

IN AUDITORIO MAJORI, MDCCCLXII.

H. A. M. C.



ABOÆ, Impress. JOH. CHRISTOPH. FRENCKELL.

S:Æ R:Æ M:TIS
MAXIMÆ FIDEI VIRO
REVERENDISSIMO PRÆSULI AC DOMINO,
D: NO C A R O L O
F R I D E R I C O
M E N N A N D E R ,
S. S. Theol. DOCTORI
Consummatissimo,
Inclitæ Diœcœsos Aboënsis EPISCOPO
Eminentissimo,
Reg. Acad. Auraicæ PRO-CANCELLARIO
Magnificentissimo,
S. Venerandi Consistorii Ecclesiastici PRÆSIDI
Gravissimo,
Scholarum per Diœcesin EPHORO
Incomparabili,
Reg. Acad. Scient. Holm. MEMBRO
Dignissimo,
MÆCENATI MAXIMO.

Ne audacie mibi veritas, Reverendissime PRÆSUL,
quod, qui vix nomine solo TIBI haçtenus innotui,
strena bac, non auro & gemmis distincta, sed nigricante
literarum pictura variata, limina TUA salutare non eru-
be-

bescam. *Ingenue fateor, me diu anticipetem hæsisse, auderemne illam TUIS subjecere oculis; animum tamen addidit summus ille favor, quo Artium Palladiarum cultores amplecti soles.* Accedit recordatio beneficiorum, quibus PARENTEM meum, dum hac vescebatur aura, cumulare haud es deditnatus. Patiaris itaque MÆCENAS Maxime, munusculum hocce chartaceum animi devotissimi agere interpretem, atque spem meam, post DEUM, in TE, Reverendissime PRÆSUL collocandam, TUO patrocinio tuearis, cernuus obtestor. Quod meum est, DEUM T. O. M. serius cordis gemitibus orare non intermittam, velit TE, MÆCENAS Maxime, Patrice, Ecclesiæ, Rei Literarie, Nobilissime TUÆ Familice, TUISque quotquot sumus clientibus servare, & annos TUOS in ultimos provehere mortalitatis terminos. Sis, Reverendissime PRÆSUL, animo tranquillus, sis corpore vegetus, sis omnigena felicitate abundans. Ita voveo, his inclusus corporis compagibus,

REVERENDISSIMO NOMINI TUO

omnium devotissimus

JONATHAN ABR. HOECKERT.

VIRO plurimum Reverendo atque Praclarissimo
D: NO NICOLA O L A O
H E D E E N,

Ecclesiarum, quæ DEO in *Latala & Hinnerjoki* colliguntur, PA-
STORI vigilantissimo, FAUTORI ac benignissimo, ita pia-
mente æternum venerando.

Non absque ratione, VIR plurimum Rev. atque Praclarissime, has
pagellas TIBI sacras facere volui. Tot enim & tanta extant
in me insignis TUI favoris documenta, quanta quæ maxima.
Si mens mea spatum præteriti respexerit temporis, video quemad-
modum benignantatem TUAM per omnem meam ætatem dispensaverit
Divina Providentia, ita quidem, ut ab ipsis cunis ad hunc usque
diem, in TE, mihi non desuperit patrocinium. Quo acerbior erat
casus pueri Optimo Patre orbati, eo vivacior est sensus TUÆ, VIR
plur. Rev. atque Pracl., erga me gratiæ, quæ id effecit, ut tantæ cla-
dis memoria deleta videatur omnis. Suspicias itaque humillimus
zogo, qualecunque munus oblatum, non dignitate sua aut præ-
stantia, sed sola offerentis pietate commendabile. Mihi nihil
erit prius, antiquius nihil, quam S. Numen ardentissimis com-
pellare precibus, dignetur TE, VIR plur. Rev. atque Pracl., fal-
sum, fospitem & incolumem ad Nelejos usque annos servare,
canosque, quos jam attigisti, omnigenæ felicitatis flore coro-
nare, nec non sub munere quod geris, sacro pariter atque arduo,
Divina Sua gratiâ vires tanto oneri pares largiri, ut Ecclesia, vi-
gili TUA cura, inter spinas, non aliter ac rosa verna, vigeat,
vireat, floreat. Permansurus dum spiritus hos rexerit artus

Plurimum Reverendi atque Praclarissimi
NOMINIS TUI

VIRO plurimum Reverendo atque Praeclarissimo

D: NO JOHANNI
GOTTLIEBEN,

Animarum, quæ Christo in Nykyrka congregantur PASTORI meri-
tissimo, PATRONO ut optimo, ita quavis veneratione
ætatem prosequendo.

Dum beneficia, nullo non tempore mihi præstata, in memo-
riam revoco atque revolvo, tot & tanta ea esse intelligo,
ut iis demerendis ætas non sufficiat. Ex eo præfertim
temporis articulo, quo curam *Carissimi Fili*, egregiæ indolis,
mihi demandatam voluisti, tanto memet favore complexus es,
ut deficiant verba, quibus eum uti decet prædicem & extollam.
Quid vero rependam? Nihil suppetit præter lineolas has, rudi
Minerva ductas. Benigno itaque adspicias vultu, publicam hanc
gratæ mentis tesseram, pro innumeris benevolentia documentis.
De cetero, ardentibus votis & toto pectori DEUM precari non
desistam, jubeat Te, FAUTOR & PATRONE optime, in feram
usque senectutem perpetua frui felicitate, viribusque ad facra
munera obeunda, fortiter armare velit. Ut Ecclesia de commo-
do, omnesque quotquot Tui sunt, de fulcro ac solatio ju-
cundissimo, sibi congratulari queant. Ero, dum Parcae mihi
mitia fila trahunt.

Plurimum Reverendi atque Praeclarissimi
NOMINIS TUI

cultor humillimus

JONATHAN ABR. HOECKERT.

KONGL. MAJ:TS
TRO-TJENARE, BORGMESTAREN
Ädel och Högaktad
Herr **HENRIC SOENCK,**
POST-INSPECTOREN
Vid Kongl. Post-Contoiret i Raumo Stad,
Högaktad
Herr **ABRAHAM SONCK,**

MINE HÖGTÅRA-

At genom några bokstäfvers flerahanda stållande un-
för en artighet; men at på sådant sätt åfven fin-
desto mindre tilstår jag otvungen, at ännu större fäg-
vers ställning, då de utgöra mine Högtärade Farbröders
mycket. En öm Fader lemnade icke så snart detta jor-
ne Värdaste Farbröder hafven öfvertygat mig om Eder
kärlek och betydande ömhett hafva väl altid och re-
bidraga til min fortkomst; men i dessa tider i syn-
ofta lutat Edra hufvuden tilhopa at öfverläggga om
är klar, min skyldighet angenäm, min plikt ovilkor-
förmågan är ingen. Här stannar altsammans. E-
blad, ehuru de ej förmå uttrycka den upriktiga vör-
af all timmelig och evig välgång och sällhet, til mitt

IUT SINOMIN
MINE HÖGTÅRA-

Ödmjuka-
JONATHAN

VICE-PASTOREN

Vid Mietois Capell Församling

Välärevördige och Höglärde

Herr Mag. PEHR SONCK,

RÅD- och HANDELSMANNEN

i Raumo Stad,

Högaktad

Herr JOHAN RAHGO,

DE FARBRÖDER.

dersöka inveklade sakers beskaffenhet, har jag ansett
na det sökta, har upväckt hos mig et stort nöje. Icke
nad och angenämare rörelser förorsakar dessa bokstäf-
vårda Namn, emedan jag dåraf påminnes om alt för-
diska, och således mig i svår belägenhet, som *J* mi-
benägenhet at hjelpa den faderlösa. *Eder* utmärkta
dan ifrån mina barna-år varit sysselsatte, at på alt sätt
nerhet. Ja, *J* hafven täflat at göra mig godt, och
mitt båsta. Jag vet altså hvad mig åligger. Saken
lig, min vilja färdig, min åstundan brinnande; men
medlertid tilägnas *Eder*, mine *Farbröder*, närlagde
nad, som förbindet mig at, under trågen önskan
yttersta förblifva

DE FARBRÖDERS

ste tjenare

ABR. HOECKERT.

Encke-Fru Kyrkoherdskatt

Dygdoms

Fru MARGARETA HOECKER T, Född TUROWIA,

Min Huldaste Moder.

Så jag genom trycket vil offenteligen å daga lägga den barnsliga
vördnad, som jag min Huldaste Moder skyldig är; så finner
jag at werkställigheten af detta mitt uppsät måste ständna i haf-
brutna ord. Jag hafver, näst GUD, genom Eder fätt det käraste
af alt, jag menar mitt liv. Så snart min tunga började kunna framföra
några ord, worn I omtäkt huru jag skulle få smak för boken. Så
ofta min själ. Fader var öfverhopad med många ämbets förrättningar,
sick jag lät at stå vid Eder knä, och framläsja de ord som jag hade til
låra. Jag glömmer ej med hwad uppmärksamt öga I, min Moder,
i akt togen mitt upförande. När mina år fördrade at jag skulle hållas
til alfrvarjammare saker; då jag ej mera kunde fågna mig af Eder un-
dervisning; när en tidig död hädankallade en kär Fader och nekade mig
Hans öma handledande och försvar; när ånnu tiden tillstundade at jag
skulle undan Edra ögon; så hafwen I altid, genom hjerteliga suckni-
gar til högden om mitt fanskyldiga väl låtit förstå, huru ömt jag legat
Eder om hjertat, åfven under den tid jag wistats wid detta Lärohus.
Jag ser altså väl hwad jag är skyldig, men finner dock intet hos mig,
det jag til afbördande af denna min skyldighet kunde framte. Jag up-
offrar fördenskul åt Eder, min Ömaste Moder, det endaste som står i
min formåga, det är, den vördnadsfullaste årkänsla och tacksamhet.
Såsom et välmant fast otiträckligt prof hårav, täcktes min S. Moder
anse närvärande Academiska arbete, det jag Eder i största ödmjuk-
het tillägnar. Himmelens göra Edra dagar många och fälla, och låte
Eder efter en lyckelig och wälslutad fördiss wandel åtnjuta et ewigt
wäl, önskar så länge jag räknar dagar och tider

Min Huldaste Moders

ödmjuk-lydigste son
JONATH. ABR. HOECKERT.

Höglärde Herr CANDIDAT.

Nt Naturkunnigheten för några åldrar tilbaka i vårt Man-
hem stod uti en nog ömkelig belägenhet, är en så bekant
fanning, som sedan därav warit stor och ansenlig. Men
vid den smak och de tankesätt som då herstade i den lärda verl-
den, kunde det ej annorlunda vara. Widsepelse och fördomar
hade mycket at säga. Man nästan satte en del af skapade synli-
ga tinget öfver förgångeligt wilkor, och tillade dem någon art af
gudomlighet. Man satte å sida uti mångt at grunda sin kunskap
på försarenheten, som likväl är härutinnan den pålitligaste vägle-
dare, och däremot tringade naturens lagar och werkningar til öf-
werensstämme med blotta förmüts-satser, hvilka ofta varo idel
spitsfundiga tankelekar, alstrade med biträde af en rik inbillning,
och ej närmare träffade fanningen, än natt och dag likna hvaran-
nan. Det bidrog ej eller litet til denna Läras långvariga wan-
magt, at man ej lämpade til Henne den Wetenskapen, hvaraf Hon
likväl hemtar stadga och tilväxt, och hvilken i närvarande Lär-
doms-Prof med Henne finnes förenad. Af sådan beskaffenhet var
de gamla Naturkunnigheten.

Vi, som trampa på deras afa, funne väl icke eller ännu
smickra os med at haftva sedt denna sistnämnde Wetenskapen i önskelig
högd; men Hon har dock i nyare tider vunnit den skapnad, som
uti fägring och pragt otroligen längt fäller sig ifrån den äldre
och esomoftast gör vår förundran; och är detta en önskad werkan
af det rätta sättet wi hittat at granska i naturens dolda gömmor,
hvilket gör at wi nu tid efter annan fågnas med nya upfinningar,
samt åga et grundadt hopp, at framdeles hinna det mål, hvartil
de förfäligare Natur-Forskare länge redan syftat.

Et tydligt prof häraf gifves uti närvarande lärda arbete;
hvilket visar os de lagar naturen följer uti at dela vårman e-
mel-

mellan flykande ämnen, som blifvit sammanblandade. I hafwen, min Cousin, därigenom öft Wetenskapen med et nyfund, då I ej allenast med styrka förlagt de skilj- och felaktiga begrep man tillförene gjort sig om denna saken; utan ock framteft skilj en uplösnings, byggd uppå grunder som intet svigta. Et arbete, som tillika å daga lägger huru mycket en sind Naturkunighet hänger på Mathematica sanningar, utom hvilka Hon wantrifves och borttvinar. En afhandling, som hedrar sin författare, och höjer de tankar man gör sig om Eder flicklighet.

Den nära del jag tager uti min COUSINS öden, gör at jag ej kunnat uteblissta med offenteligt betygande af de angenäma rörelser mitt intre fanner öfwer det I nu lyckeligen fullständat Edra Academiska arbeten, samt öfwer de wackra framsteg I gjort uti hvarjehanda Wetenskaper, jämte trogen önskan, at lyckan åfwen hädanester må ledsaga Edra vårf, och hela Er lefnad frönas med fällhet!

JOHAN STRÖM,
PHILOS. MAGISTER.



INTROITUS.



Quemadmodum in confessu hodie est, si ea exceptis quæ aliorum fide tenemus, ab experientia omnem nostram, saltem rerum actu existentium in genere & speciatim physicarum, cognitionem proprius vel remotius pendere: ita etiam, ad veritatem tutius & felicius explorandam & scientiam amplificandam, magni utique interest, cum experientia rationem, quām quidem fieri potest, arte conjungi. Sic quando generales aliquæ naturæ leges condendæ aut hypotheses examinandæ sunt, non id mox sibi injunctum putet Physicus, ut ex singularibus experimentis consulto in gratiam rei indagandæ excogitatis & ad scopum directe aptatis, leges ejusmodi abstrahendo eruere conetur, aut hæc cum assumta hypothesi contendat; sed etiam, & prius quidem, experientias antea quin vel vulgo notas penitus excutiat, & utrum illæ luminis aliquid præferre possint, atque an ratiocinando ex iis quidquam & quantum de proposita quæstione definiri queat, adecuratius inquirat. Ratione enim sic recte utendo & principia jam cognita in usus suos scite convertendo, sæpe tutori simulque compendiaria viâ vel ad metam

tam pertinet vel saltem proprius perveniet. Scilicet si foli experientiae immediatae insistat, prolixiorē & ancipitem insumet laborem, in primis cum per varias caussas & circumstantias ad phænomena concurrentes fieri non raro soleat, ut hæc vel illa cum falsa hypothesi consentire, aut contra a regula cæteroquin verissima, ab ludere videantur; adscitis vero notioribus principiis & justa argumentatione, nisi rem omnem plane confidere potuerit & desideratam naturæ legem assequi, saltem removendo hypotheses, quas cum illis pugnare, rite subductis calculis dicit, hoc lucrabitur, ut spatiosum nimis campum, ubi incerto tramite vagandum esset, intra arctiores cogat limites. Fidem, puto, dictorum faciet lucemque iis affundet exemplum facile ac minime arduum, specimine hoc Academicō sistendum. Rationem vero instituti, B. L., paucis accipe:

Determinare, præter alios, conatus est Vir Celeberrimus GEORG. WOLFFG. KRAFFT, Phyf. & Mathef. olim Professor, temperiem caloris duorum fluidorum, diversi caloris, sibi permixtorum, factisque experimentis regulam solvendo huic problemati idoneam, formula quadam expressam, se eliciisse testatur. (vid. §. 3.). Hanc igitur visam examinare, arrepta inde occasione, qualescumque nostras de hoc arguento meditationes pauci ulterius extendere, & quidem eas, quæ id proprius tangunt, his pagellis comprehendere statuimus. Tu vero, B. L., innocuo fave tentamini.

§. I.

Tut sensum Problematis plenius evolvaramus: Sint duæ massæ fluidæ a , b , illius calor = m , hujus vero = n ; binis his fluidis permixtis, quæritur: quantus inde in mixto seu massa composita oriri debeat calor? quem vocabimus v. Exprimendus nimirum est valor ipsius v per quantitates a , b , m , n , seu invenienda est harum a , b , m , n , functio aliqua ipsi v æquipollens. Scilicet quia v ab ipsis a , b , m , n , pendet, illius valorem,

§ 3

rem hæ ingrediantur necesse est; & solæ quidem, si hunc per illas sufficienter determinari ponendum sit. Atque si omnino generalem desideres solutionem: calor w permissione plurium vel quotunque massarum fluidarum $a, b, c-f$, caloribus $m, n, p-s$, respective prædictarum, in massa mixta $a+b+c+f$ productus, ope ipsarum $a, b, c-f$ & $m, n, p-s$ similiter definiendus est. Si cubi in tractandis formulis, ad rem præsentem pertinentibus, perinde non fuerit, cui fluido, frigidiori an calidiori, quælibet assumtarum literarum respondeat: quo quæque ipsarum $a, b, c-f$ hoc ordine dispositarum posterior est, eò calidorem designet massam, ut proinde sint $m < n < p < s$.

Atque cum nulla aptiori methodo æstimari adhuc possint gradus caloris, quam ope Thermometrorum hodie usitatorum, si adcuratius fuerint constructa: propositionum problema huc redit: ut, si dictis caloris gradibus $m, n, p-s, v, w$ respondeant talis alicujus Thermometri gradus $m, n, p-s, v, w$, exprimantur ipforum v vel w valores per $m, n, p-s$ & $a, b, c-f$.

§. 2.

Cæterum ea tantum attendentes quæ in §. præced. jam dicta sunt, mente removemus cætera omnia, quæ quidem hujus etiam generis experimenta diversimode comitantur & adficiunt; sed quorum consideratio Problema nostrum compositum nimis & implicatum redderet. Ita non solum supponimus, calorem per singula fluida ipsumque mixtum æquabiliter diffundi, sed & nullam habemus rationem illius decrementi vel incrementi, quod, durante experimento, calori massarum tum miscendarum tum jam commixtarum, ob contactum

vasis, Thermometri aërisque ambientis; ipsis illis fluidis vel frigidiorum vel calidiorum, decedit vel accedit, a cuiusque fluidi massa, superficie, differentia inter ejus corporumque ambientium calores(*) nec non figura vasis aliisque forte caussis pendens, quarum omnium vix ac ne vix quidem iniri potest ratio; quin si vel possit, consultum tamen erit, regulam ab iis independentem prius exquirere. In praxi autem capiendorum experimentorum ita eas respicere juvabit, ut cautelas eruamus,(**) quibus adhibitis illæ satis exiguum habeant influxum, indeque oriundæ aberrationes a regula, quam fieri potest, maximè minuantur si non prorsus evanescent. Denique vel me non monente intelligitur: hic in censum non venire experimenta illa chemica, quibus constat, permixtione variorum fluidorum heterogeneorum, etiam æque calantium vel frigentium, novum caloris aut frigoris gradum valde irregularēm, & interdum vel vehementem calorem, ac effervescentiam, vel intensum frigus, excitari.(†)

(*) Cfr. infr. §. 19. not.* (** Nov. Comment. Petrop. T. I. p. 163 seq.

(†) G. W. KRAFFT Praelect. in Phys. P. I. §§. 344, 346.

§. 3.

Cel. G. W. KRAFFT in Praelect. in Phys. P. I. §. 348. regulam suam his proponit verbis: "Multis autem instittutis hanc in rem experimentis invenimus tandem, si ingredientis unius fluidi frigidioris, sit caloris, ex Thermometro Fahrenheitiano aestimati, gradus m , massa a , alterius vero fluidi caloris gradus n , massa b ; fore gradum caloris fluidi mixti = $\frac{na + 8bn}{na + 8b}$ " Ut autem modum, quo in hanc formulam inciderit, aliave huc spe-

spectantia plenius forte rescirem, evolvi Acta Acad. Scientiarum Petropolitanæ atque ex iis^(*) cognovi, illam a Cel. Dn. KRAFFT Dissertatione de Calore & Frigore, in conventu Academico prælecta, fuisse propositam, deinde citatam & examinatam ab assiduo illo naturæ scrutatore G. W. RICHMANN, qui simul^(**) aliam a se inventam simpliciorem, quam tamen & alibi^(***) jam traditam prius videram, exhibet formulam, hanc scilicet I)

$$v = \frac{am + bn}{a + b} \text{ ut & generalem hanc II) } w = \frac{am + bn + cp + \dots + fs}{a + b + c + \dots + f}$$

(cfr. §. I.) atque cum rationi tum experimentis a KRAFFT æque ac semet ipso factis, præ illa *Krafftiana* III)

$$v = \frac{11am + 8bn}{11a + 8b}, \text{ conformem esse ostendit. (vid. §§. 6. 20.)}$$

An præter hos jam nominatos & BOERHAVIUM, qui pro illo speciali casu ubi $a = b$, hanc dederat regulam IV)

$$v = \frac{n - m}{2} (\dagger) \text{ atque MORINUM } (\ddagger) \text{ de cuius solutione}$$

nihil nobis innotuit, nisi quod KRAFFTIO^(††) obscura nec veritati conformis audiat: an inquam præter illos, alii præsentem quæstionem tractaverint, nobis quidem haud constat.

(*) *Nov. Comment. Petrop.* T. I. p. 152. seqq. (***) *Ibid.* (***) in *Dissert.* Upsaliæ Præside Nob. Dn. S. KLINGENSTIERNA A. 1741 edita de *Mensura Graduum Caloris* §. §. 5. 16. (†) *Elem. Chem.* T. I. Cap. de *Igne Exper.* 20. Cor. II. *Nov. Comment. Petrop.* I. c. NOLLET *Leçons de Phys.* T. IV. p. 515. (††) in *Astrologia Gallica* p. 158. teste KRAFFT *Prælect.* in *Phys.* P. L. §. 348. (†††) *Loc. cit.*

§. 4.

Has jam formulas præcipue *Krafftianam* (III) peculiari quadam nec a RICHMANNO adhibita methodo examina-

minaturi, ut demonstrationes nostræ universaliores evadant, nec ad illas (I. III.) solas, sed alias quoque his affines extendantur: assumamus formulam V) $v = \frac{\alpha am + \beta bn}{\alpha a + \beta b}$, quin & generaliorem adhuc VI) $v = \frac{\alpha am + \beta bn}{\gamma a + \delta b}$ tantisper fingamus, quæ & ipsas I. III. & alias innumeræ, illis magis vel minus similes, sub se complectantur. Prout videlicet coëfficientes constantes sed indeterminatos α, β , in V. vel $\alpha, \beta, \gamma, \delta$, in VI. seu eorundem potius rationes aliter atque aliter determinaveris, totidem prodibunt formulæ determinatae. Ita si in V. ponatur $\alpha = \beta$, aut in VI. $\alpha = \beta = \gamma = \delta$, prodit formula I. Quodsi vero in V. fuerit $\alpha : \beta :: II : 8$, exsurgit formula III. Et quidem VI, quæ demum, positis $\gamma = \alpha$ & $\delta = \beta$, in ipsam V. abit, præter eandem V. innumeræ alias ab illa diversæ, & æque imo magis indeterminatas, sub se comprehendit.

§. 5.

Videamus autem primum: si regula KRAFFTII vel similis aliqua, æstimatis secundum unum aliquod Thermometrum gradibus, valet, annon eadem etiam locum habeat, adhibito Thermometro alio vel quocunque? ut reductione graduum unius ad gradus alterius forte supersedere liceat; quod inquirere vel ideo adhuc non pigebit, quia (§. 3.) expresse memorat KRAFFTII, regulam suam Thermometro Fahrenheitiano esse adcommodatam. Sint itaque duo Thermometra A & B, in quibus liquor calore expansus ascendit, & in scala utriusque gradus, auctis caloris gradibus respondentes, a puncto o sursum numerentur. Vel si utrobique gradus deorsum numerentur, ubique in sequentibus permutentur

voces: sursum, deorsum, nec non: supra, infra. Versus oppositam itaque partem ab isto termino numerati, negativi censeantur. Numerus graduum inter duo puncta fixa, ut punctum conglaciationis P & ebullitionis

in Therm. A; in Therm. B.

Q, sit - - - - - g - - - - - G
 Inter punctum o & P sit
 graduum numerus - - d - - - - - D
 Gradibus quibuscunque

a punto o numeratis m, n, v (§. I.) respondeant M, N, V . In A itaque gradus m, n, v , distant sursum a P gradibus numero $m \mp d, n \mp d, v \mp d$, & correspondentes in B, gradus M, N, V , pariter sursum a P distabunt gradibus $M \mp D, N \mp D, V \mp D$; locum scilicet inveniet vel — vel + prout o vel infra vel supra P positum est. Jam vero, si quidem Thermometra inter se concordabunt & gradus in A ad B referri poterunt, oportet numeros graduum, inter correspondentia quælibet utriusque Thermometri puncta interceptos, constantem servare rationem $= g: G$. Ergo jam $m \mp d : M \mp D :: n \mp d : N \mp D :: v \mp d : V \mp D :: g : G$, si nempe in utroque Thermometro o est infra (supra) P; si autem in uno supra in altero infra: pro $\mp D$ ponendum ubique est $\pm D$, seu D signo contrario afficiendum. Erunt itaque $m = \frac{g}{G} (M \mp D) \pm d$,

$n = \frac{g}{G} (N \mp D) \pm d$, $V = \frac{G}{g} (v \mp d) \pm D$, id est: assum-

to (§. 4.) ex formula generalissima VI. valore ipsius v , fiet $V = \frac{G}{g} \left(\frac{\alpha a m + \beta b n}{\gamma a + \delta b} \mp d \right) \pm D$, & substituendo in hac æquatione valoribus jam modo allatis ipsorum m & n ,

pro-

prodit $V = \frac{\alpha a M + \beta b N}{\gamma a + \delta b} + \left(\frac{\alpha a + \beta b}{\gamma a + \delta b} - 1 \right) \times \left(\pm \frac{Gd}{g} \mp D \right)$, quæ
 æquatio tum demum assumtæ formulæ VI. congruit, si
 1:mo $\gamma = \alpha$ & $\delta = \beta$ (vid. sis §. 10.); 2:do si $G:g::D:d$,
 ad quem casum etiam pertinent speciatim illi, ubi $d = 0$
 $= D$, vel $-d = g$ & $-D = G$. Evanescit enim in his
 casibus, & iis quidem solis, inventi valoris V mem-
 brum posterius, ob evanescentem in casu 1:mo factorem
 ejus priorem mutatum in $1 - 1 = 0$, in 2:do factorem al-
 terum $\pm \frac{Gd}{g} \mp D = 0$. Igitur formula VI. ad Thermome-.

tra illa, in quibus puncta O , P , Q , similem prorsus inter-
 se situm (*) habent; Formula autem V. adeoque sub illa
 contentæ I. & III. aliæquæ innumeræ, ad Thermome-
 tra omnia (dummodo scilicet numeri gradibus assignati
 pro aucto calore simul crescant vel simul decrescant;
 numerus autem negativus, quò sit major, eò magis de-
 crescere intelligatur) indifferentes sunt; nec proinde li-
 mitatione illa opus fuisset, qua ad Thermometrum Fah-
 renheitianum formulæ suæ usum restringere videtur
KRAFFTIIUS.

(*) Aestimandum non tam distantiis horum punctorum, quam graduum iis in-
 teriacientium numeris. Nisi enim ejusdem ubique capacitatis fuerit tubus ther-
 mometricus, liquor mole æqualiter auctus per gradus inæquales ascendit.

§. 6.

Qui rationem solam consulere voluerit & quasi a
 priori, ut dicitur, Problematis nostri (§. 1.) solutionem
 indagare, facile in hunc fere incident argumentandi mo-
 dum: Calore per corpus aliquod æquabiliter diffuso, seu
 æquali quoconque caloris gradu singulis corporis parti-
 culis inexistente, *gradus* hic seu caloris *intensitas* in per
 numerum particularum seu corporis massam & multipli-
 cata

cata dabit integrum quasi molem seu collectam caloris copiam vel quantitatem am in toto corpore hospitantem. Cum sic in fluidis quotunque (§.1.) calorum dictae quantitates aggregatae efficiant summam $am + bn + cp + \dots + fs$, & ejus quicquid est, ipsa permixtione nihil perire nedum succrescere, sed omne per massam mixti $a+b+c+\dots+f$ aequaliter distribui intelligatur (§.2.): oportet in hac totam caloris quantitatem, scilicet per modo dicta w ($a+b+c+\dots+f$) manere $= am + bn + cp + \dots + fs$, unde erit $w = \frac{am + bn + cp + \dots + fs}{a+b+c+\dots+f}$. Vel ad quem fere modum concludit RICHMANN (*): rationi omnino consentaneum videtur, eandem quamcumque caloris copiam per diversas seu inaequales fluidorum massas, quippe uniformiter diffusam, ita dispergi, ut ipsae caloris intensitates fiant massis illis inverse proportionales. Ut igitur massa communis $a+b+\dots+f$ ad singulas ipsarum a, b, \dots, f se habet, ita quibus haec seorsum possent caloris intensitates, m, n, \dots, s ad singulas t, u, \dots, z inde in massa $a+b+\dots+f$ nascendas, unde $t = \frac{am}{a+b+\dots+f}, u = \frac{bn}{a+b+\dots+f}, \dots, z = \frac{fs}{a+b+\dots+f}$ ideoq; $t+u+\dots+z$ seu $w = \frac{am+bn+\dots+fs}{a+b+\dots+f}$ ut supra, (**).

(*) Nov. Comment. Petrop. T. I. p. 153. (** Cfr. etiam supra (§.3.***)
cit. Dissert. §. 5. Apparet vero hanc formulam illi congruere, quæ exponit
velocitatem communem corporum non elasticorum post occursum directum &
conspirantem, substitutis velocitatibus eorum propriis in locum graduum caloris;
quod etiam observavit HENNERT (Traité des Thermomètres p. 161. 162.) Quia communicationem caloris inter fluida explicatur, illustratio
seu a conflictu corporum petitur NOLLET Leçons de Phys. T. IV. p. 513.)

§. 7.

Ut autem regula hæc (§. 6.) ad usum Thermometrorum, quæ adhuc sunt inventa, ac proinde solutionem problematis nostri (§. 1.) transferri queat: cognita esse vel adoptari debet constans aliqua lex seu relatio inter incrementa caloris atque natas inde dilatationes liquoris Thermometro inclusi. Ponamus itaque has esse illis proportionales. (*) Scilicet cum datæ massæ fluidi aliquujus dati, determinato quodam caloris gradu vel omnino nullo præditæ, determinatum competit volumen: crescente dein utcunque vel decrescente calore, ponamus hujus differentiis proportionales esse differentias voluminum illius fluidi. (*) Esto jam aliquod Thermometrum A assabre satis constructum, in quo gradus numeris m , $n-s$, v , w notatos attingat liquor, caloris gradibus m , $n-s$, v , w expansus, & illi quidem positivi aut negatiui censeantur, prout hoc crescente crescent aut decrescent. Et quia supponere non licet, in A punctum o respondere caloris gradui o seu frigori absoluto, quatenus frigoris absoluti punctum, quod dicatur F, definiri nondum potuit: sit ipsis F, alicubi infra o concipiendi, a puncto o distantia, videlicet graduum thermometricorum inter F & o numerus $=x$. Erunt sic, per suppositionem Thermometri constructionem, $x+m$, $x+n$, $-x+s$, $x+v$, $x+w$ inter se ut augmenta volumintum liquoris supra volumen ejus absolutum (h. e. frigori absoluto respondens seu nullo calore auctum) consequenter per modum assumtam hypothesin, ipsis m , $n-s$, v , w proportionales. Hoc concessio, plana ad scopum patet via. Nam ob $m:n::x+m$; $x+n$, erit $am:bn::a(x+m):b(x+n)$, & pariter quotcumque am , bn etc. erunt ipsis totidem $a(x+m)$, $b(x+n)$, $-f(x+s)$ consequenter & summis

mis omnium utrinque sumtis proportionales, ex. gr. $am : am + bn \dots fs :: a(x+m) : a(x+m) + b(x+n) \dots f$
 $(x+s) = (a+b+\dots+f)x + am + bn + \dots + fs$. Divisis
 jam harum rationum æqualium terminis antecedentibus per
 a & consequentibus per $a+b+\dots+f$, erit $m : \frac{am+bn+\dots+fs}{a+b+\dots+f}$

leu (§. 6.) $w :: x+m : x \frac{am+bn+\dots+fs}{a+b+\dots+f}$. Ergo, quia
 etiam (per jam dem. vel concessa) $m : w :: x+m : x+w$,
 erit utique $w = \frac{am+bn+\dots+fs}{a+b+\dots+f}$, & quando duo tantum
 permiscetur fluida (§. 1.), $v = \frac{am+bn}{a+b}$; quæ ipsæ sunt

formulæ I. II. supra (§. 3.) memoratæ, sic demum non
 vero immediate tali aliquo ratiocinio solo, quale in
 §. 6. adhibuimus, quamvis ita præproperè concludere
 videatur RICHMANN, eruendæ. Similiter proba-
 ri poterit, quod tamen ad institutum nostrum æque
 non spectat, si esset $w = \frac{am+bn+\dots+fs}{aa+bb+\dots+ff}$, fore etiam

$$w = \frac{am+bn+\dots+fs}{aa+bb+\dots+ff}.$$

(*) Quam hypothesis demonstratam volunt nonnulli, vid. supra (§. 3.***). cit.
 Differit §. 3. 6., cuius tamen collata §. 16., rem nondum satis explorata
 factori vilam fuisse, coligit lector.

§. 8.

Enimvero usque eō explorata nondum est caloris
 natura(*) ut pronunciare ausim: ne homogeneorum qui-
 dem fluidorum, sed inæqualiter calentium, sola permix-
 tione (ut scilicet nulla habeatur influxus corporum am-
 bientium ratio) quicquam caloris eorum vel expelli, vel

fuscarī, vel excitari (§. 6.) quemadmodum variis fluidis heterogeneis notabilit's id accidit (§. 2. not. †): deinde (§. 7.): æqualibus caloris differentiis quibusvis, & quales respondere differentias voluminum liquoris thermometrici. Eo itaque, quo (§. 6. 7.) usi sumus argumentationis genere, utcunque se pulchre habere videatur, non penitus fidere convenit; adhiberi tamen illud utiliter potest prius quam capiendis experimentis investigationem desideratæ regulæ quis tentaverit. (cfr. Introit.) Nobis vero id præcipue agendum restat, ut axiomata quædam physica notissima vel facile concedenda afferaamus, atque ad eorum normam hypotheses (§. 3.) propofitas exigamus. Hæc itaque sunt.

Axiomata: 1) In mixto semper produci oportet calorem medium aliquem inter calores binarum massarum commiscendarum, majorem quidem calore massæ frigidioris, minorem calidioris.

2) Quoties æquè calidæ sunt massæ permiscendæ, non versus nascitur, sed idem, qui in utraque antea fuit, manet calor mixti, idque nulla prorsus habita massarum ratione.

3) Si cætera omnia paria fuerint: aucto vel alterutrius vel utriusque massæ calore, crescere etiam oportet calorem mixti.

4) Datis caloribus massarum commiscendarum, earumque ratione, unus idemque prodit calor mixti, quæcunque fuerint absolute quantitates massarum, dummodo eadem maneat eam ratio.

5) Aucta massâ frigidiori, dum reliqua omnia eadem manent, decrescit calor mixti; minutâ, crescit.

6) Contra: aucta massâ calidiori, cæteris paribus, crescit calor mixti; minutâ, decrescit.

7) Si tres aut plures quotcunque massæ fluidæ sunt permiscendæ, eadem prodibit caloris in mixto temperie, quæcunque binarum primùm misceantur & huic mixto tercia atque porro reliqua, si quæ fuerint, affundantur, sive quoçunque ordine massæ illæ successivæ permisceantur.

SCHOL.

SCHOL. 1. Hæc axiomata, quippe singula per se latis evidentiæ, citasse sufficiat, quamvis ex I:mo reliqua tantum non omnia, saltem 2, 4, 5 & 6 deduci potuerint; adscito tamen, in gratiam 5:ti & 6:ti, noyo hoc: Nil interesse utrum totæ massæ fluidæ simil & simili confundantur, an vero successive alias atque alias earum portiones quæcunque, donec totæ exhaustæ & penitus commixtæ fuerint.

2. Observandum ubique est in sequentibus, quod supra jam (§. §. 5. 7.) innuimus, illos gradibus Thermometri adscriptos numeros positivos haberi, qui cum ipso calore iis indicato simul crescunt atque decrecunt, cæteros negativos; atque negativum omnem quovis positivo minorem; & eò quidem minorem, quo inter negativos auctior fuerit. Quo ipso calor omnis, ut intensior aut remissior est, ita majori aut minori graduum thermometricorum numero designari censembitur. Ex. gr. Thermometri Fahrenheit, gradibus +41, +14, -22 respondent in Thermometro Svecano gradus +5, -10, -30, atque ut sunt +41 > +14 > -22, sic & +5 > -10 > -30.

(*) Vid. tamen, si placet, de Caloris & Frigoris causa M. Lomonosow in Nov. Comment. Petrop. T. I. p. 206. seqq.

§. 9.

Visuri jam, an examen, ex tenore horum axiomaticum (§. 8.) instituendum, sustineant promiscue omnes pro invenienda temperie caloris duorum fluidorum permixtorum supra (§. §. 3. 4.) propositæ formulæ: sumamus VI, quæ cæteras, exceptâ IV, complectitur, videlicet $v = \frac{aam + \beta bn}{\gamma a + \delta b} = m + \frac{aam + \beta bn - \gamma am - \delta bm}{\gamma a + \delta b}$

$$= n - \frac{\gamma an + \delta bn - aam - \beta bn}{\gamma a + \delta b}. \text{ Ut itaque, posito (cfr. §. I. 3.}$$

& Schol. 2. §. 8.) $n > m$, sit (Axiom. I.) $v > m \& v < n$: ostportet esse I:o $aam + \beta bn > \gamma am + \delta bm$ nec non 2:do $\gamma an + \delta bn > aam + \beta bn$; & quidem quæcunque fuerit ratio $a:b$. Ponere ergo licebit $a:b::\delta:\alpha$ ut sit $\alpha\alpha = \delta b$ indeque $aam = \delta bm$, consequenter (ex conclus. I:ma) $\beta bn > \gamma am$ vel (ob assumtam $\alpha\alpha = \delta b$) $\alpha\beta abn > \gamma\delta abm$ idèoque $\frac{\alpha\beta}{\gamma\delta} > \frac{m}{n}$

semper, qualisunque fuerit ratio minoris inæqualitatis $m:n$. Similiter posita $a:b::\theta:\gamma$ seu $\gamma a = \theta b$, erit $\gamma an = \theta bn$, quare (ex conclus. 2:da) $\theta bn > aam$ & (ob $\gamma a = \theta b$ hyp.) $\gamma dabn > a\theta abm$ indeque semper $\frac{\gamma\delta}{a\beta} > \frac{m}{n}$, quæcunque sit ratio minoris inæqualitatis $m:n$. Et quia in ultraque hypothesi non opus fuit diversam assumere rationem $m:n$, eam utrobique eandem ponere licet, seu utriusque $\frac{m}{n}$ eundem valorem. Existente itaque sic (dem.)

$\frac{a\beta}{\gamma\delta} > \frac{m}{n} < \frac{\gamma\delta}{a\beta}$, oportet esse $a\beta = \gamma\delta$. Nam si esset $a\beta > (\lessdot) \gamma\delta$, foret $\frac{a\beta}{\gamma\delta} > (\lessdot) 1 > (\lessdot) \frac{\gamma\delta}{a\beta}$; at salvis præmissis & per hypoth. poterunt m, n utcunque ad æqualitatem, seu $\frac{m}{n}$ ad i propius accedere, quam pro assignabili quavis differentia, vel $\frac{m}{n}$ superare quamvis datam fractionem unitate minorem, qualis quidem (ex assumta tantisper antithesi & ob constantes a, β, γ, δ) etiam est $\frac{\gamma\delta}{a\beta}$ (vel $\frac{a\beta}{\gamma\delta}$). Eset igitur $\frac{m}{n} > \frac{\gamma\delta}{a\beta}$ (vel $\frac{a\beta}{\gamma\delta}$) contra demonstrata. Ergo

erit $a\beta = \gamma\delta$. Eatenus itaque coëfficientium a, β, γ, δ rationem jam determinavimus, & eam, salvo Axiomate i, non posse qualecumque assumi demonstravimus.

§. 10.

Imo vero oportet esse $a = \gamma$ & $\beta = \delta$, si quidam valbit formula, quantumvis ad æqualitatem accedant $m & n$, atque

atque etiam posito $m=n$. Quia enim in hoc casu (Ax. 2.) erit $m=v=n$, evanescere debent horum differentiae, quamobrem (§. 9.) fiet $\alpha am + \beta bn - \gamma am - \delta bm = 0$, vel & $\gamma am + \delta bn - \alpha am - \beta bn = 0$, ideoque in dicto hoc casu (ob $m=n$) semper $\alpha + \beta b = \gamma a + \delta b$; quod, propter constantes $\alpha\beta\gamma\delta$, variabiles autem pro lubitu a & b , locum habere nequit, nisi sit $a=\gamma$ & $\beta=\delta$, ut facile patet vel & pluribus modis probari potest. Nam ex inventa jam modo æquatione fit $\alpha a - \gamma a = \delta b - \beta b$ seu $a:b::\delta-\beta:\alpha-\gamma$; itaque, nisi $\alpha=\gamma$ & $\delta=\beta$, $a:b$ foret ratio data, contra hyp. Vel sic: cum valere debeat æquatio illa pro valorigibus quibuscumque ipsarum a, b (Ax. cit.): poni etiam potest $b=0$, unde $\alpha a = \gamma a$. Ergo $a=\gamma$ ideoque & $\beta=\delta$. Ut ergo salva sint Axiomata 1 & 2, formula VI reducenda est ad hanc V) $v = \frac{\alpha am + \beta bn}{\alpha a + \beta b}$.

§. II.

Putet quis forsan nondum hanc V. ita generaliter conceptam (§. 10.) cum Axiomate 2. satis convenire, hac inductus ratione: Quando $m=n$, perinde a ac b concipi potest ut massæ calidioris locum tenens, seu altera alteri ut lubet substitui, adeoque non solum erit $v = \frac{\alpha am + \beta bm}{\alpha a + \beta b} = m$, sed & $v = \frac{\alpha am + \beta bm}{\alpha b + \beta a}$, qui valor non est, ut tamen (Ax. cit.) esse debet $=m$, nisi fuerit $\alpha a + \beta b = \alpha b + \beta a$ h. e. ($a = b = \beta - a = b$ consequenter) $\alpha = \beta$. Corruit vero hoc argumentum, si respondeatur: oportere quamlibet massam eundem ubivis in formula servare coëfficientem; non posse itaque prædictam substitutionem, at hanc

hanc tamen: $v = \frac{abm + \beta am}{ab + \beta a} = m$, salvo Axiomate 2. lo-
cum habere.

§. 12.

Axiomata 3 & 4, quamvis etiam illis locum con-
cesserimus inter principia (§. 8.) facile se offerentia cui-
libet tentanti eam, quam nos in præsenti materia ex-
cutienda ingressi sumus, viam, formulam VI. prorsus,
qualis per se est, indeterminatam relinquunt. In hac e-
nīm aucto m vel n , mox patet crescere etiam v , uti
(Ax. 3.) debet. Atque diviso tam numeratore quam de-
nominatore per a , & posita $\frac{b}{a} = g$, fit $v = \frac{am + \beta gn}{\gamma - dg}$,
qui valor, manente g seu ratione $a:b$, idem manet,
convenienter Axiomati 4. At Axioma 5. vel 6. non
prorsus nihil ad formulam illam determinandam facit.
Cum enim sit $v = \left(\frac{am + \beta bn}{\gamma a + \delta b} = \right) \frac{\gamma}{\gamma} m + (\varphi) \frac{b}{\gamma} \frac{\beta yn - adm}{(\gamma a + \delta b)\gamma}$,
nec non $v = \frac{\beta n - (\psi)}{\delta} a \cdot \frac{\beta yn - adm}{(\gamma a + \delta b)}$: si in priori harum
æquationum ponatur (cæteris manentibus) a crescere,
crescit ipsius φ denominator, consequenter (ob nume-
ratorē constantem) ipsa fractio φ decrescit. At (Ax. 5.)
decrescit $v = \frac{\gamma}{\gamma} m + \varphi$. Ergo φ ejusque prōinde nume-
rator (quia denominator est affirmativus) non erit quan-
titas negativa, seu adm non $> \beta yn$. Vel si crescat (ma-
nentibus reliquis) b : in æquatione $v = \frac{\beta}{\delta} n - \psi$ similiter
decrescit ψ , ideoque, ob crescentem (Ax. 6.) v , negativa
non

non erit, quare denuo $a\delta m > \beta\gamma n$. Dico jam non esse $a\delta > \beta\gamma$. Quamvis enim sit $n > m$, poterit tamen (cfr. §. 9.) harum variabilium ratio $n:m$ assumi minor aliâ quacunque data majoris inæqualitatis ratione, qualis (posita tantisper $a\delta > \beta\gamma$) eslet $a\delta:\beta\gamma$. Sit itaque $n:m < a\delta:\beta\gamma$ eritque inde $a\delta m > \beta\gamma n$, contra demonstrata. Ergo erit $a\delta$ non $> \beta\gamma$. Collata jam hac conclusione cum thesi $a\beta = \gamma\delta$ ex Ax. 1. demonstrata (§. 9.): sequitur porro esse a non $> \gamma$, & δ non $> \beta$. Ulterius, puto, his quidem Axiomatibus non proficies, nisi concedeleris, quod utique concedendum est, valere illa ipsamque formulam debere etiam si evanescere ponatur a vel b . Hoc autem concessio: sit $b=0$, fiet $v = \frac{aam}{\gamma^4} = \frac{am}{\gamma}$ omnium minimus (Ax. 6.) non tamen (Ax. 1.) $< m$, sed ut vel sponte patet, $=m$; unde $a=\gamma$. Vel si $a=0$, erit $v = \frac{\beta bn}{\delta b} = \frac{\beta n}{\delta}$ maximus (Ax. 5.) & quidem (Ax. 1.) non $>$ sed $=n$, adeoque $\beta=\delta$; ut supra (§. 10.)

§. 13.

Quamvis ratiocinia nostra (§. §. 10. 12.) & facillima sint & recte omnino se habeant; si cui tamen non satis valida & evidenter videantur, existimanti forte, non opus esse ut formula applicari queat ad casus illos, ubi $n=m$, aut a vel $b=0$, de quibus vel per se proclive est judicatu; sed sufficere, dummodo valeat, quoties diversi sunt calores massarum miscendarum, scilicet $n > m$: aliud adhuc suppetit argumentum ex Axiomate 7. collato 1:mo petendum, & propositam formulam plene determinans.

Sint nimirum miscendæ tres massæ $a b c$, quarum calores respective sint $m n p$, & quidem $m < n < p$, atque se-

secundum formulam VI. quæratur calor ex harum trium misce'â producendus. Enimvero ut pauciores fiant coëf-ficientes & paululum levetur calculus, observamus: dividendo in VI. tam numeratorem quam denominatorem per a , & ponendo constantes $\frac{\beta}{a} = \varepsilon$, $\frac{\gamma}{a} = \zeta$, $\frac{\delta}{a} = \eta$, posse

VI. reduci ad hanc formam: $v = \frac{am + \xi bn}{\xi a + nb}$. Porro, quia ex

Ax. I. demonstratum est (§. 9.) debere esse $a\beta = yd$ h. e. (ob $\beta = a\varepsilon$, $\gamma = a\zeta$, $\delta = a\eta$) $a\alpha\varepsilon = a\alpha\zeta\eta$, unde $\varepsilon = \zeta\eta$: Formula VI. reducetur ad hanc VII.) $v = \frac{am + \xi bn}{\xi a + nb}$, ita ut

coëfficientes per binos numeros ξ , n determinentur. Per mixtis ergo primum massis a , b , est mixti $a+b$ calor $v = \frac{am + \xi bn}{\xi a + nb}$ isque (hyp. & Ax. I.) $< n$ ideoque a fortiori

$< p$. Tum massæ huic $a+b$ affundatur massa c , & investigetur, secundum eandem formulam VII., calor mixti $a+b+c$. Scilicet in VII. ipsis a , b , m , n , substituantur respective $a+b$, c , ipsius v valor modò al-latus, atque p ; sic prodit mixti $a+b+c$ calor $w = \frac{(a+b)(am + \xi bn) + \xi cp}{\xi a + nb} = \frac{(a+b)(am + \xi bn) + \xi cp(\xi a + nb)}{(\xi a + nb)(\xi a + \xi b + nc)}$

Quæratur idem alio modo: scilicet miscendo primum b , c , foret (per VII.) mixti $b+c$ calor $u = \frac{bn + \xi cp}{\xi b + nc} > (Ax.$

I. n > hyp.) m . Tum affusâ a , obtinetur (ex VII.) pro b , n sustituendo $b+c$ & valorem u , mixti $a+b+c$ calor $w = \frac{(am + \xi u(b+c)(bn + \xi cp))}{\xi a + nb} = \frac{am(\xi b + nc) + \xi u(b+c)(bn + \xi cp)}{(\xi b + nc)(\xi a + nb + nc)}$

Jam (Ax. 7.) æquales esse debent bini hi ipsius w valores. Äqualia ergo erunt facta utriusque numeratoris in denominatorem alterius, scilicet, sublati utrinque æquipollentibus terminis:

$\zeta^2 a^3 b \cdot m + \zeta^2 \eta^2 a^2 b c \cdot n + \zeta^3 \eta a^2 b c \cdot p = \zeta^3 a^3 b \cdot m + \zeta^3 \eta a^2 b c \cdot n + \zeta^4 \eta^2 a^2 b c \cdot p$				
$\zeta^2 a^2 b^2$	$\zeta^3 \eta^2 a b^2 c$	$\zeta^3 \eta^2 a b^2 c$	$\zeta^3 a^2 b^2$	$\zeta^3 \eta a b^2 c$
$\zeta \eta a^2 b^2$	$\zeta \eta^3 a b c^2$	$\zeta^2 \eta^3 b^3 c$	$\zeta^2 \eta a^2 b^2$	$\zeta^2 \eta^2 a b c^2$
$\zeta^2 a b^3$		$\zeta^2 \eta^3 b^2 c^2$	$\zeta^2 \eta a b^3$	$\zeta^3 \eta^3 b^2 c^2$
$\zeta^2 \eta^2 a^2 b c$		$\zeta^2 \eta^4 b^2 c^2$	$\zeta_2 \eta^2 a^2 b c$	$\zeta^2 \eta^4 b^2 c^2$
$\eta^2 a^2 b^2$		$\zeta^3 \eta^2 a^2 c^2$	$\zeta_2 \eta^2 a^2 b c$	$\zeta^4 \eta^2 a^2 c^2$
$\zeta^2 a b^2 c$		$\zeta_2 \zeta^2 \eta^3 a b c^2$	$2 \zeta^2 a b^2 c$	$\zeta^4 \eta^2 a b c^2$
$\eta^2 a b^2 c$		$\zeta^3 \eta^2 a b c^2$	$\zeta^2 \eta^2 a^3 c$	$\zeta^2 \zeta^3 \eta^3 a b c^2$
$\zeta \eta a^3 c$		$\zeta^2 \eta^3 a c^3$	$\zeta^2 \eta^2 a^2 c^2$	$\zeta^3 \eta^3 a c^3$
$\eta^2 a^2 c^2$		$\zeta \eta^3 b c^3$	$\eta^3 a b c^2$	$\zeta^2 \eta^4 b c^3$
$\eta^2 a b c^2$				

Ut autem hæc æquatio sibi constet, qualescumque tribuantur ipsis $a b c m n p$ valores, saltem absque alia limitatione quam ut sint $m < n < p$: oportet necessario æquales esse coëfficientes illos, qui ab utraque æquationis parte easdem ipsarum $a b c m n p$ functiones multiplicant: ex. gr. ipsis $a^3 b m$ coëfficientes $\zeta^2 = \zeta^3$, vel ipsis $a b c^2 m$ coëff. $\eta^2 = \eta^3$, vel ipsis $a b c^2 n$ coëff. $\zeta \eta^3 = \zeta^2 \eta^2$, &c. ex quibus deducitur $\zeta = 1 = \eta$; & assumto hoc ipsarum ζ , η valore, coëfficientes utrinque respondentes reliqui omnes æqualitatem servare deprehenduntur. Patet ergo form. VII, positis $\zeta = \eta = 1$ nec nisi his assumtis valoribus, etiam Axiomati 7, convenire; eoque ipso demonstratum est: oportere assumtam illam VI. seu VII. sic determinari: ut fiat $v = \frac{am+bn}{a+b}$, neque præter hanc, aliam ullam ex. gr. III, sub indeterminata illa VI. contentam,

cum Axiomatibus 1, 2, 7, conciliari &, his salvis, veram esse posse.

§. 14.

Hoc ipsum, saltē ultimō & remotivē dictum, calculus multo brevior docuisset, positis $a = b = c = 1$. Sic enim hīni ipsius w valores (§. 13.) neglecto denominatorum communi factore $\zeta + \eta$, dant $\frac{2m + 2\zeta n + \zeta np(\zeta + \eta)}{2\zeta + \eta} = \frac{m(\zeta + \eta) + 2\zeta n(n + \zeta np)}{\zeta + 2n}$, unde, æquando facta utriusque

numeratoris in denominatorem alterius & tollendo utrinque æquipollentia, fit $(2\zeta + 4\eta)m + 2\zeta n^2 + (\zeta^2 + 3\zeta\eta + 2\eta^2)\zeta np = (2\zeta^2 + 3\zeta\eta + \eta^2)m + 2\zeta^2 n + (4\zeta^2\eta + 2\zeta\eta^2)\zeta np$, ubi rursus ut in §. 13. æquales in utroque æquationis membro esse debent coëfficientes ipsarum m, n, p , scil. $2\zeta + 4\eta = 2\zeta^2 + 3\zeta\eta + \eta^2$, $2\zeta n^2 = 2\zeta^2 n$, atque $\zeta^2 + 3\zeta\eta + 2\eta^2 = 4\zeta^2\eta + 2\zeta\eta^2$. At $2\zeta n^2 = 2\zeta^2 n$ dat $n = \zeta$. Itaque in prima & tertia coëfficientium æquationibus his, substituendo n ipsi ζ aut vicissim, ex prima fit $6\eta = 6\eta^2$, ex tertia $6\eta^2 = 6\eta^3$, adeoque ex utraque $n = 1 = \zeta$.

§. 15.

Vel si ut jam satis evictum (§. §. 10. 12.) concedatur: reducendam esse form. VI ad V: hæc rursus, posito ut §. 13, $\frac{B}{a} = \epsilon$, transformetur in hanc VIII) $v = \frac{am + \epsilon bn}{a + \epsilon b}$.

Si itaque massæ $a + b$, cuius calor $= \frac{am + \epsilon bn}{a + \epsilon b}$ (Ax. I. $n <$ hyp.) p , affundatur c , cuius calor $= p$, prodit ex

VIII. mixti $a + b + c$ calor $w = \frac{(a + b)(am + \epsilon bn) + \epsilon cp}{a + \epsilon b} = \frac{(a + b)(am + \epsilon bn) + \epsilon cp(a + \epsilon b)}{(a + \epsilon b)(a + b + \epsilon c)} = \frac{(a + b)(am + \epsilon bn) + \epsilon cp(a + \epsilon b)}{(a + \epsilon b)(a + b + \epsilon c)}$. At miscendo primum b & c , fit

c , sit pér VIII. mixti $b+c$ calor $= \frac{bn+ecp}{b+ec}$ > (Ax. L. n. hyp.) m . Dein affusâ a , obtinetur (ipsis b & n in VIII. substituendo $b+c$ & $\frac{bn+ecp}{b+ec}$) mixti $a+b+c$ calor

$$w = \left\{ \frac{am + \epsilon(b+c)(bn+ecp)}{b+ec} \right\} = \frac{am(b+ec) + \epsilon(b+c)(bn+ecp)}{(b+ec)(a+\epsilon b+ec)}$$

Æquando (Ax. 7.) binos hos ipsius w valores ideoque facta ex utriusque numeratore in denominatorem alterius, tollendo dein terminos æquipollentes, residuos autem, si placet, per ϵabc dividendo, oritur æquatio hæc: (Ω) $bm + \epsilon cm + \epsilon an + \epsilon^2 bn + \epsilon^2 cn + ap + \epsilon bp = ebm + \epsilon^2 cm + an + bn + \epsilon cn + \epsilon ap + \epsilon^2 bp$, quæ ut universaliter vera sit, quicunque fuerint ipsarum $abc mnp$ valores, oportet omnino æquales esse illos terminos in utroque æquationis membro, qui (non habita coëfficientium ratione) eædem sunt ipsarum $abc mnp$ functiones, scil. $bm = ebm$, $\epsilon cm = \epsilon^2 cm$, $\epsilon an = an$, $\epsilon^2 bn = bn$, $\epsilon^2 cn = cn$, $ap = \epsilon ap$, $\epsilon bp = \epsilon^2 bp$, quarum æquationum singulæ dant $\epsilon = 1$, seu $a = \beta$; præterquam quod etiam æquatio (Ω), translatis ad unam partem terminis omnibus, divisibilis sit per $\epsilon - 1 = 0$, qui factor iterum prodit verum valorem ipsius $\epsilon = 1$. Ergo form.

VIII. seu V. mutatur in I) $v = \frac{am+bn}{a+b}$, quam proinde omnium, quæ sub V. adeoque (§. 10.) sub VI. comprehenduntur, solam, minime vero ipsam III. cum Axiomate 7. consistere posse, denuo appareat, ut supra §. 13. Quinimo si ad ductum hujus formulæ I. investigetur temperies caloris w mixtione fluidorum quot cunque (cfr. §. 1.) producenda, reperietur sequiper II)

$w = \frac{am + bn + cp + \dots + fs}{a + b + c + \dots + f}$ ut §. 3, quocunque ordine illa successive permisceantur, quemadmodum porro postulat Axioma 7.

§. 16.

Regula Boerhaviana (§. 3.) præterquam quod plane dissona dictitet, si ad Thermometra, in quibus (cfr. §. 5.) puncta $\circ P Q$ dissimiliter posita sunt, applicetur: etiam in evidentissima nostra Axiomata (§. 8.) aperte impingit. Etenim 1) dat quidem $v = \frac{n-m}{2} < n$; non autem (ut per Ax. 1. deberet) $> m$, nisi quando $n > 3m$. 2) Quoties $n=m$, dat $v = \left(\frac{n-n}{2}\right) = 0$, quod (Ax. 2. 3.) multis modis absurdum. 3) Quamvis $v = \frac{n-m}{2}$, aucto solo n , crescat: aucto tamen solo m , decrescit; porro 4) auctis n & m æqualiter, idem manet; denique 5) magis crescente m quam n , denuo decrescit: oppido contra Ax. 3. Cum igitur crassis adeo & cuivis sponte quasi in oculos incurribus vitiis laboret hæc regula: proinde nisi ei conformem sensum plus simplici vice iuculcarent expressa Auctoris verba & citatum ab Eo exemplum, vix dubitarem illam a mente magni hujus Viri esse alienam, Eumque vel $\frac{n+m}{2}$ pro $\frac{n-m}{2}$ dictum voluisse, vel potius non integrum misturæ calorem, sed hujus excessum supra calorem m fluidi frigidioris exprimere, convenienter utique formulæ I, quæ, positâ $a=b$, dat $v = \frac{n+m}{2} - m + \frac{n-m}{2}$ ut & $= n - \frac{n-m}{2}$.

SCHOL. Formula hæc, quatenus eam a & b non ingreduntur, ab Ax. 4. intacta manet; & quia, pro qualibet mixtione, massarum miscendarum æqualitatem supponit, universalem non admittit Axiomatum 5:ti 6:ti & 7:mi applicationem, sed quoties hæc per §. 8. Schol. I. locum habebit (taceo difficultates ex vi-tiis modò būj. §. num. I. 3. notatis nascendas): oportet omnino totas massas commiscandas, binas vel plures, esse in ratione numerorum, qui omnes simul sumti efficiunt integrum aliquam binarii potestatem. Ex. gr. Sunto $a:b:c$ ut $1:1:2$; tum mi-scendo a & b , dein affusa c , prodit ex form. IV. mixti calor $\frac{2p-n+m}{4}$; idem vero, miscendo a & $\frac{1}{2}c$, tum b & $\frac{1}{2}c$, de-nique $a+\frac{1}{2}c$ & $b+\frac{1}{2}c$, reperitur $=\frac{n-m}{4}$, qui valor & vario re-

spectu in se absurdus est, & (contra Ax 7. coll. §. 8. Schol. I.) priore minor, nec æqualis nisi sub determinata hac & contradic-toria conditione: $p+m=n$. Esto autem $a:b::1:2^r-1$, desig-nante r numerum quaecunque integrum, atque ipsi a affundan-tur successive ipsius b portiones $=a, 2a, 4a \dots 2^{r-1}a$, ut, post factas sic r numero mixtiones, exhauriatur tota b : deberet (per IV. & §. 8. Schol. I.) fieri misturæ totius $a+b$ calor $v=(\frac{2^r-1}{3})n+m$: 2^r , prout r vel par est vel impar. Substituto jam u-bique $r+1$ ipsi r & mutatis signis $+-$ in contraria, fit $v=(\frac{2^r+1-1}{3})n-m$:

2^r+1 , quem valorem priore majorem, minorem, vel æqualem esse, prout $n>, <, =3m$, facile ostenditur. Ergo secun-dum formulam hanc IV, aucto r adeoque b , non semper crescit v , sed (contra Ax. 6.) vel constanter idem manet vel decrescit, posito $n=$ vel $< 3m$. Cæterum his fusius exponendis ac demon-strandis supercedemus, verentes ne jam vel copiosius vel subti-lius, quam pro rei dignitate, dixisse videamus.

tur, reapse in natura obtineat: hoc de form. I. seu II. & solâ quidem dicendum esse, ejus cum Axiomatibus nostris (§. 8.) consensus, cæterarumque dissentius, jam ostensus demonstrat; non autem veritatem ejus absolute probat, in primis cum dicta ista criteria non huic soli competant, sed & aliis innumeris, saltem hujus formæ

$$v = \sqrt[k]{\frac{am^k + bn^k}{a+b}} \text{ & generaliter } w = \sqrt[k]{\frac{am^k + bn^k + cp^k + \dots + fs^k}{a+b+c+\dots+f}}$$

(ubi k designet numerum quemvis affirmativum) quæ posito $k=1$, rursus in ipsam I. vel II. convertitur. Cum tamen aliæ præterea rationes (§. §. 6. 7.) hypothesin I. commendent, & directe quamvis haud apodictice probent, novus ipsi inde accedit probabilitatis gradus, major adhuc futurus, si hypothesi illi ipsa faveant experientia. (vid. §. 20.) Hæc scilicet tum demum præcipue & tempestive adhibentur, postquam aliæ rationes non nimis e longinquæ desumptæ, ex quibus aliquid luminis sperari potest, excusæ sunt.

§. 18.

Prius vero quām experimentorum huc spectantium ulteriore injicimus mentionem, lubet ex indeterminata formula IV, ipsas quippe I & III proxime involvente, nonnulla deducere Corollaria. Nimirum quia secundum illam est $v = \frac{\alpha am + \beta bn}{\alpha a + \beta b} = m + \frac{\beta b(n-m)}{\alpha a + \beta b} = n - \frac{\alpha a(n-m)}{\alpha a + \beta b}$, atque data ratione $a:b$, dantur quoque (ob constantes α & β vel saltem rationem $a:\beta$) rationes ipsarum αa , αb , βa , βb , singularium ad singulas; sequitur

1) Differentias ($v-m$, $n-v$) caloris communis seu temperaturæ (v) a caloribus (m , n) massarum permiscendarum propriis,

priis, fore in ratione $\beta b : aa$, consequenter secundum form. I, in ratione massarum inversa ($b:a$).

2) Eadem manente massarum miscendarum ratione ($a:b$), differentiam inter calorem communem sive temperatum (v) & massæ cuiilibet proprium (m, n) fore proportionalem differentiæ ($n-m$) horum calorum proprietatum. (Id quod de casu tantum æqualitatis massarum pronunciat KRAFFT. (*))

3) Diversas formulas generali IV. contentas eò frigidius (calidius) in casu quovis singulari exhibere mixtum, quò majorem supponunt coëfficientium rationem $a:\beta$ ($\beta:a$). Quo enim major fuerit $a:\beta$, eò major (iisdem jam manentibus a & b) erit $aa:\beta b$, ideoque etiam (Cor. I.) $n-v:v-m$ & (componendo**) $n-m:v-m$, vel (convertendo†) eò minor $n-m:n-v$; quare (determinatis utcumque n & m) eo minor $v-m$, vel eò major $n-v$, & hinc denique eò minor v .

4) Vel hoc itaque respectu (Cor. 3.) formula I. medium quasi inter totidem utrinque innumeratas locum tenet; & positis massis (a, b) æqualibus, calorem (v) temperatum dat, a caloribus (m, n) illarum massarum propriis æquidifferentem. (Cor. I.)

(*) Praelect. in Phys. P. I. §. 348. (**) vide sis Eucl. Elem.

Lib. V. prop. 28. edit. TACQUETI aut G. F. BÆRMANNI.
(†) prop. 30. l. c.

§. 19.

Posset quidem in primis ex §. præc. Cor. 3. hoc subnasci dubium: quamvis inter hypotheses omnes formæ V, sola I Axiomatibus nostris physicis & rationi conveniat (§. 17.) atque, sub conditionibus initio (§. 2.) positis, forte veritati exacte congruat: annon tamen, si ratio habeatur refrigerationis, durante mixtione fluidorum factæ, valeat regula *Krafftiana* vel similis alia aliqua, utpote quæ, ob $a > \beta$, calorem mixti exhibet minorem (§. 18. Cor. 3.) quam illa formula I? Evanescit autem hoc dubium, simul ac cogitaverimus, pendere refrigerationem (*) cum ab aliis cauissis, tum a duratione mixtioni

nis pariter atque temperie aëris, & proinde formulā, qualis est V, quam nullæ, præter massas & calores fluidorum miscendorum, aliæ ingrediuntur quantitates variabiles, definiri haudquaquam posse; imo vel omnino nullam fore, vel in calefactionem mutatum iri, prout aër ambiens vel ad certum usque gradum quendam, inter m & n medium, vel supra eundem, calidus fuerit. Atque si tum regula I, tum alia aliqua formæ V, sed suo utraque modo, ut dictum fuit, simul veræ essent: refrigeratio $\left(\frac{am + bn}{a + b} - \frac{\alpha am + \beta bn}{\alpha a + \beta b} \right) \frac{(\alpha - \beta) ab(n - m)}{(\alpha a + \beta b)(a + b)}$ per rationem ($a : b$) massarum, nec non calorū, quibus præditæ sunt, differentiam ($n - m$) & eas quidem solas, determinaretur. Præterea, quod ad regulam KRAFFTII sigillatim attinet: illa calorem mixti etiam minorem saepe silit quām ipsa experimenta, ut ex singulis §. seq: adferendis patebit.

(*) Decrementa, (vel, si aër ambiens calidior fuerit ipso fluido: incrementa) caloris esse in ratione composita ex inversa massarum refrigerandarum (calefaciendarum) & ex ratione directa superficiorum atque differentiarum inter temperiem aëris constantem & massarum refrigerandarum (calefaciendarum), si tempora sunt aequalia & (qua limitatione opus non fuisset) parva, auctor est RICHMANN in Nov. Comment. Petrop. T. I. p. 174--197.

§. 20.

Eam scilicet viam præcipue ingressus est G. W. RICHMANN (*) ut experimentorum fide & hypothesin Kraftianam examinaret & suam stabiliret. Primum quidem veritatem suæ formulæ I. experimentis ipsius KRAFTII confirmat, ex. gr. inde, quod calores observati semper sint, ut ob exhalationem caloris esse debent, minores quām secundum ipsam formulam, eò autem magis cum

cum hac consentiant quò majores sunt massæ, quia eò minor fieri debet caloris jactura. Hæc autem non æquè valere de formula III. KRAFFTII moner. Dein suis ipsius experimentis confirmat formulæ I. præstantiam, cuius indicia evidentissima sunt: quod 1) hæc formula semper det gradum caloris majorem quam experimenta; 2) differentiæ inter calores obseratos & ad ductum formulæ computatos, sint majores vel minores, pro majori vel minori differentia inter calorem aquæ & aëris ambientis. Aliter se habere regulam KRAFFTII ostendit, in primis quod det gradum caloris minorem quam experimenta, quod nullo modo fieri deberet, cum aër ambiens frigidior fuerit fluido mixto. Unde concludit, regulam *Krafftianam*, licet veræ sit propinqua, pro vera tamen haberri non posse. Denique cautelas varias circa hujus generis experimenta adhibendas affert. Ab ipso autem capta (quorum 1:mum & 2:dum huc proprie non pertinent, sed ad decrementa caloris, exhalantis ex aqua calidiori in aërem minus calidum, successivis temporum intervallis) in aëre ad gr. 66. Therm. Fahrenheit. calido, hæc fuere:

In Exper. $a:b$ m n calor v mixti in gr. Therm. Fahrenheit.

				observatus	computatus secundum formulas		
					RICHMANNI	KRAFFTII	BOERHAVII
3	2:1	64	178	100	102	94 $\frac{2}{3}$	= =
4	1:1	88	172	126	130	123 $\frac{7}{9}$	42
5	1:2	77	156	126	129 $\frac{2}{3}$	123 $\frac{2}{7}$	= =
6	2:1	70	148	94	96	90 $\frac{4}{5}$	= =

Adhæc testatur NOLLET(**) se hujusmodi instituisse experimenta, quorum bina expresse memorata hæc sunt: 1) $a=b$, $m=10$, $n=40$, $v=25$; 2) $a=b$ & in Therm. Fahrenheit. $m=32$, $n=212$, $v=122$ (†), quæ quidem

dem cum formula I. exacte consentiunt. De cæteris sic refert: *J'ai fait un grand nombre d'expériences de ce genre, dans lesquelles j'ai varié les degrés de chaleur & les quantités d'eau que je mêlois ensemble; j'ai pris d'ailleurs toutes les précautions que j'ai pu imaginer pour avoir des résultats fort exacts; & j'ai toujours vu, comme je l'ai déjà dit, qu'entre deux portions de la même matière, l'excès de la chaleur de l'une sur l'autre se partageoit en raison des volumes, & que le degré de chaleur des deux portions mêlées dépendoit de cette répartition & du degré commun de chaleur, c'est-à-dire, de celui qu'avoit la portion la moins chaude avant le mélange; quæ formulam I. utique comprobant.* Nam caloris excessu $n - m$, qui præter m massæ b inerat, æqualiter distributo per totam massam $a + b$: in hac pristino calori m superaccedit $\frac{b(n-m)}{a+b}$; unde $v = m + \frac{b(n-m)}{a+b} = \frac{am+bn}{a+b}$.

(*) *Nov. Comm. Petrop. T. I. p. 153. seqq.* (**)*Lef. de Phys. T. IV. p. 512-516.*

(†) Pro hoc ramen calu BOERHAVE & KRAFFT alias prorsus calori v obseruato valores, uterque scilicet suæ hypothesi convenientes, tribuunt.

§. 21.

Quemadmodum autem ex §. præced. quin vel perse intelligitur: posse determinatam quamlibet hypothesin, ad solvendum problema nostrum (§. I.) excogitatam, experimentorum ope aliquatenus saltem examinari: ita alia est quæstio, cui vel verba KRAFFTII (§. 3.) occasio nem præbent: an directe ex ipsis experimentis, quantumvis adcuratis, vera regula huic instituto idonea elici queat? Hoc utique negandum existimamus; nisi quatenus, aslumta prius formulâ aliqua indeterminata, quam scilicet ingrediantur, præter quantitates variables $abmnv$, numeri constantes sed indeterminati vel potius incogniti,

quos

quos coëfficientes dicimus: dein determinentur hi ipsi, tot quidem adhibendo experimenta, quot illi minimo sunt numero, atque datos per singula ipsarum $a b m n v$ valores inferendo assumtæ formulæ seu æquationi, ut tot exsurgent novæ æquationes, quot sunt incogniti illi coëfficientes, indeque singulorum valores definiri queant. Quodsi pluribus adscitis & pari ratione usurpati experimentis, alii prodeunt a prius inventis diversi coëfficientes: hoc indicio est, vel veram regulam investigandam ab assumta forma esse alienam, vel alias experimentis adfuisse caussas accidentales, (cfr. §. 2.) quæ aberrationes a theoria pepererunt. Ita si naturæ conformis ponatur formula V. vel (§. 15.) ipsi æquipollens VIII, secundum quas est :
 seu $\alpha:\beta=b.n-v:a.v-m$; quodvis experimentum idoneum regulam suppeditat determinatam. Ex. gr. (§. 20.) Exp. 3. dat. $\alpha:\beta=13:12$, 4:tum 23:19, 5:tum 60:49, 6:tum 9:8. Assumpta vero formulâ VI, tria requiruntur experimenta, videlicet ad inveniendas totidem incognitas α, β, γ (§. 13.).

SCHOL. Propositum quidem fuerat, adhuc inquirere, qualis ex concessa §. 6. & admissa tamen simul hypothesi *Krafftiana* vel alia quacunque formulæ V. congrua, sequeretur lex seu relatio inter augmenta caloris atque dilatationes liquoris vel gradus thermometri, & quomodo illa ex his essent æstimanda. Enimvero cum ultra exspectationem non minus quam modulum facultatum jam excreverit hæc opella: ipsi jam imponendum est

F I N I S.



Emendanda:

Extat	Lege
Pag. 9. lin. 20. $\therefore z = \frac{fs}{a+b+\dots+f}$	$\therefore z = \frac{fs}{a+b+\dots+f}$
22. lin. 18. iculcarent	inculcarent
24. lin. 21. formula IV,	formula V,

